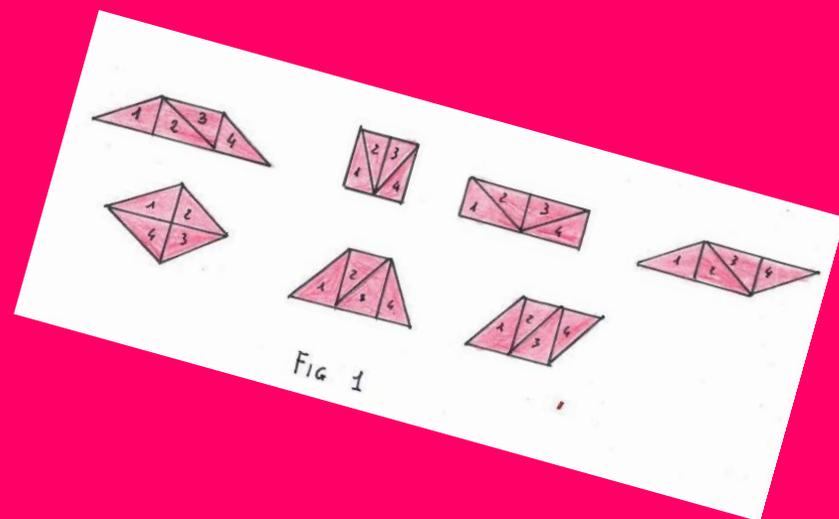
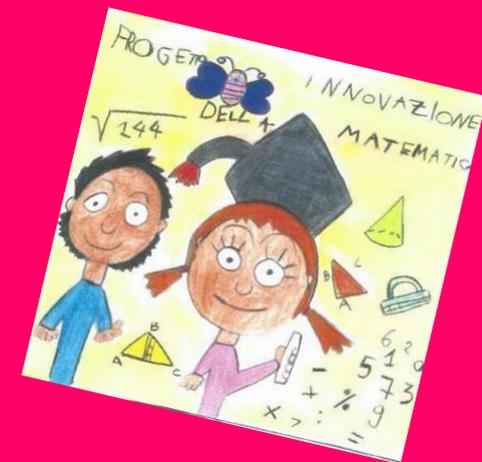


# INNOVAZIONE DIDATTICA DELLA MATEMATICA



Progetto PTOF  
a.s. 2022-2023



Il progetto di INNOVAZIONE DIDATTICA DELLA MATEMATICA prevede la realizzazione di contenuti del programma di matematica attraverso l'attività laboratoriale dove i ragazzi scoprono le cose da soli, rendendosi conto che lo studio non è solo teoria ma che loro possono diventare artefici del loro apprendimento.

Il lavoro viene condotto in continuità con la scuola primaria: ogni classe quinta della primaria lavora con una classe prima della secondaria, secondo un programma che le due insegnanti di matematica decidono di intraprendere.

Il lavoro quindi, non si limita a incontri tra studenti, ma prevede così incontri tra docenti che si confrontano e rafforzano così il curriculum verticale.

Dagli incontri delle classi gli alunni della scuola primaria possono avere un primo contatto con quello che sarà il loro futuro ambiente scolastico, iniziare a conoscere i "nuovi comportamenti e le nuove abitudini" con i quali si troveranno ad entrare in relazione nel successivo settembre e possono ritrovare "i vecchi compagni" dell'anno precedente con i quali, molti di loro, hanno continuato a mantenere i rapporti.

Anche conoscere da vicino il loro eventuale futuro insegnante di matematica, li rende meno timorosi del cambiamento che faranno.

Quest'anno, finita l'emergenza COVID, finalmente, gli incontri saranno tenuti in presenza senza fare corrispondenza o incontri on line. Gli incontri avverranno sia alla primaria che alla secondaria.

L'attività sarà condotta con la formazione di gruppi omogenei misti tra i due ordini di scuola.

Lavorare a "classi aperte" è un ottimo modo per far sperimentare ai più piccoli cose nuove, accompagnandoli per mano verso quello che sarà il loro "nuovo mondo" ed ai più grandi di far loro da tutor, rinforzando quindi la stima nelle proprie capacità.

Gli argomenti sono quelli curriculari, scelti dai due insegnanti, e condotti in modalità laboratoriale.

# PERIMETRI ED AREE

Attività di INNOVAZIONE DIDATTICA della  
MATEMATICA  
5<sup>A</sup> - 1<sup>A</sup>

a.s.2022 / 23

# INNOVAZIONE DIDATTICA DELLA MATEMATICA

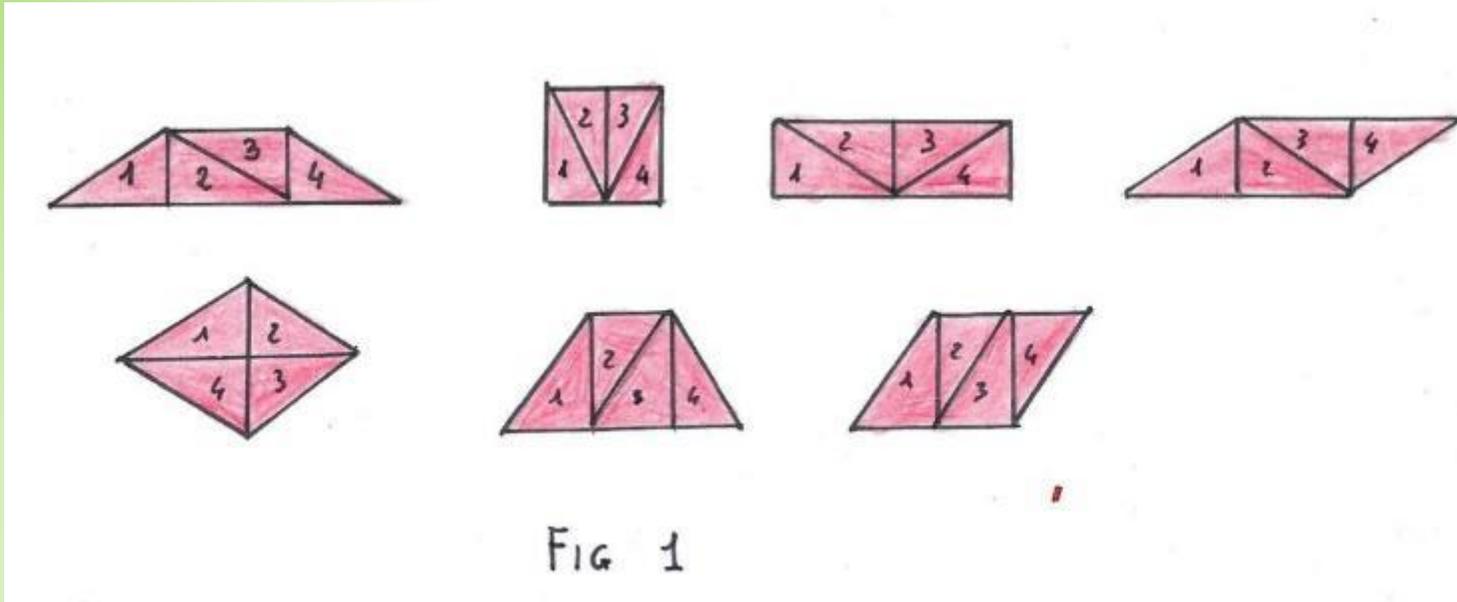
Le classi che hanno partecipato sono state la 1° A della scuola secondaria di primo grado E. FERMI e la 5°A della scuola primaria I. ALPI di Casalguidi

Il contenuto ha riguardato i concetti di perimetro ed area che vengono affrontati nella classe quinta della primaria e ripresi poi nelle classi prime della scuola secondaria.

All'attività è stato dato un taglio estremamente pratico /operativo allo scopo di interessare e coinvolgere maggiormente gli alunni.

L'attività è stata realizzata in due fasi.

- La prima si è svolta all'interno delle rispettive classi al fine di preparare e realizzare il materiale e gli alunni
- Nella seconda è stato effettuato un incontro delle due classi, ove ciascun gruppo svolgeva un'azione di tutoraggio reciproco nei confronti dell'altro, esponendo ciò che aveva imparato sull'argomento.



Con 4 triangoli rettangoli (modulo) si costruiscono le figure a fianco riportate. Come si vede sono tutte figure equicomposte (formate appunto dallo stesso numeri di pezzi).

E' evidente che tutte le figure realizzate hanno tutte la stessa superficie.

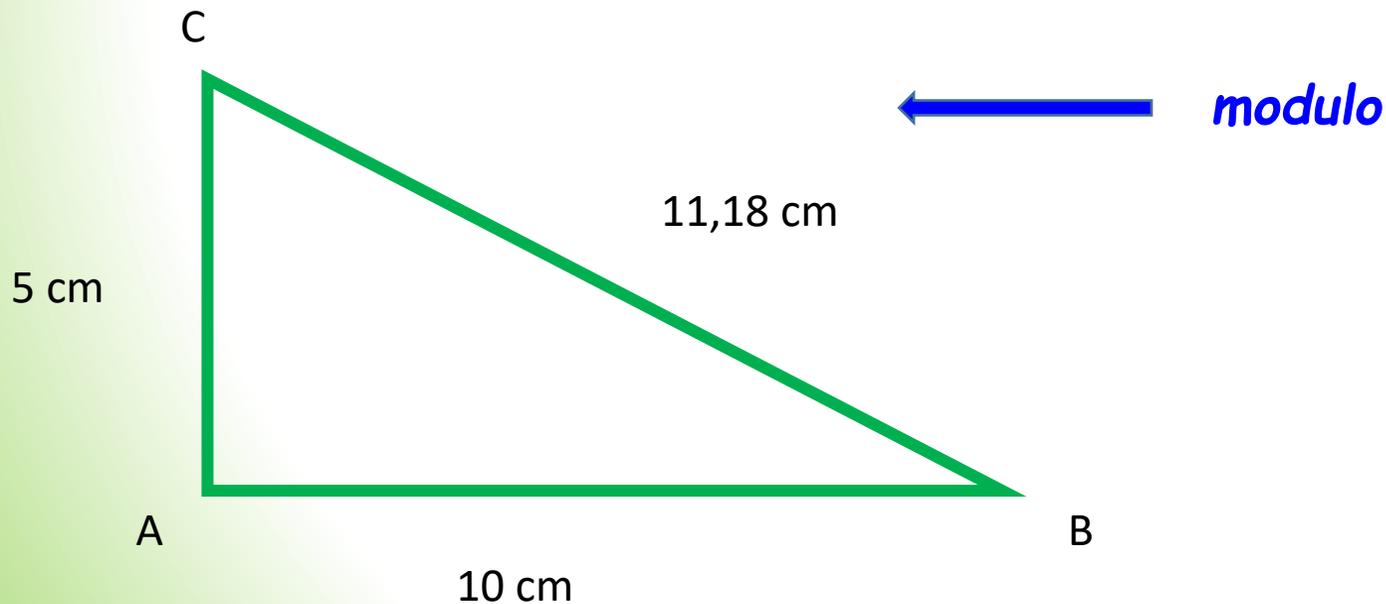
Il modulo utilizzato è un triangolo rettangolo avente le seguenti dimensioni:

C= 10 cm

C= 5 cm

lpotenusa = 11, 18 cm

A = 25 cm<sup>2</sup>

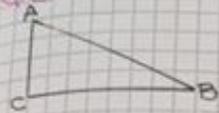


22/02/23

Lavoro a gruppi

GRUPPO: Nassir Sadine - Linda - Hamza -  
Io (Greta)

• COSTRUISCI 4 TRIANGOLI CHE ABBIANO  
QUESTE MISURE.



$$\overline{AB} = 14,78 \text{ cm}$$

$$\overline{BC} = 10 \text{ cm}$$

$$\overline{AC} = 5 \text{ cm}$$

PS. Utilizza il cartoncino

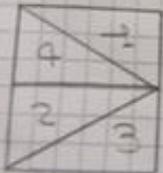
• Abbiamo provato a costruire un tri-  
angolo sul cartoncino, ma ci siamo  
trovati in difficoltà, e perciò abba-  
iamo usato un foglio di quadretti per  
creare, sempre usando il righello, il  
triangolo. Successivamente l'abbia-  
mo ritagliato e usato come modello  
per disegnare i 4 triangoli sul  
cartoncino.

- I triangoli che abbiamo costruito  
sono uguali fra loro, quindi sono  
anche **EQUIVALENTI** ed **ISOPERIMETRICI**

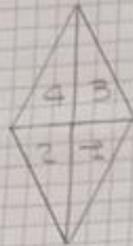
• COSTRUISCI POLIGONI DIVERSI FRA LORO  
USANDO TUTTI E 4 I TRIANGOLI

• ABBIAMO CREATO:

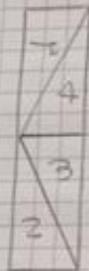
- un quadrato



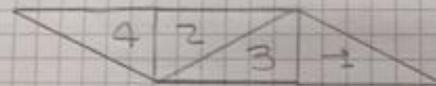
- un rombo



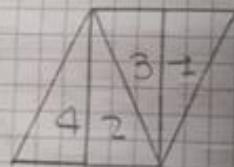
- un rettangolo



- un parallelogramma

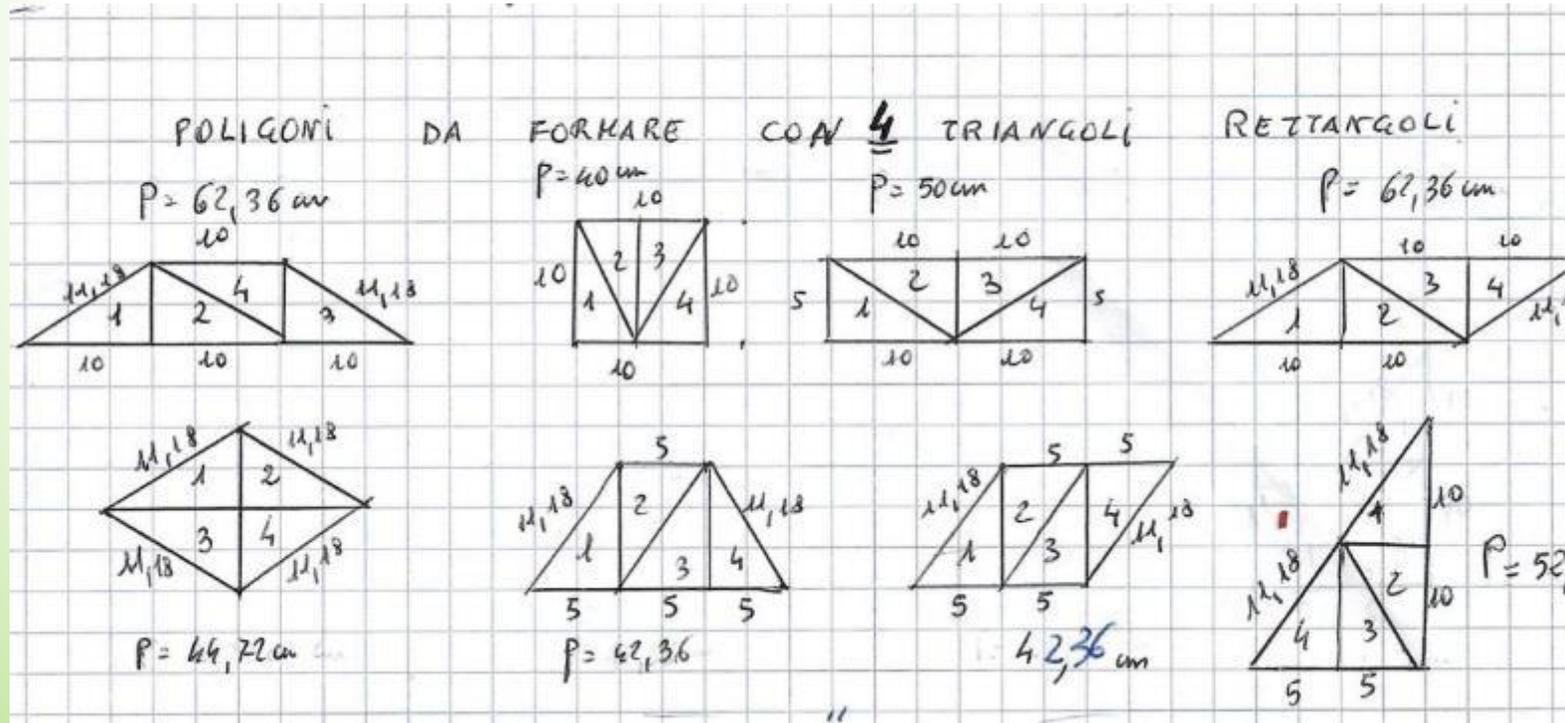


- un'altro parallelogramma



I poligoni costruiti con 4 moduli triangolari, sono tutti diversi per forma, ma sono tutti tra loro equivalenti (  $100 \text{ cm}^2$  )

Misurando i vari perimetri e riportando i risultati in tabella ci si accorge subito che i risultati sono diversi nella maggior parte dei casi. Solo 4 figure fra quelle costruite presentano le misure del perimetro a 2 a 2 uguale



04/10/23

Costruisco uno tabella in cui inserire i poligoni creati e i loro perimetri e poi evidenzio le particolarità.

POLIGONI	PERIMETRO IN CM
QUADRATO	$P=40$
RETTANGOLO	$P=50$
ROMBO	$P=44,72$
PARALLELOGRAMMA ALTO	$P=42,36$
PARALLELOGRAMMA BASSO	$P=62,36$
TRIANGOLO RETTANGOLO	$P=52,36$
TRAPEZIO BASSO	$P=62,36$
TRAPEZIO ALTO	$P=42,36$

COME È EVIDENTE ANCHE DALLA TABELLA I PERIMETRI NON SONO TUTTI UGUALI, QUINDI: POLIGONI EQUIVALENTI NON SONO SEMPRE ANCHE ISOPERIMETRICI.

POLIGONI	PERIMETRO IN cm
QUADRATO	40
RETTANGOLO	50
ROMBO	44,72
PARALLELOGRAMMA ALTO	42,36
PARALLELOGRAMMA BASSO	62,36
TRIANGOLO RETTANGOLO	52,36
TRAPEZIO ALTO	62,36
TRAPEZIO BASSO	42,36

attività svolta nel laboratorio d'informatica

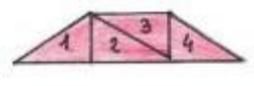
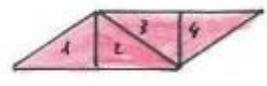
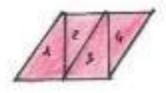
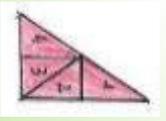
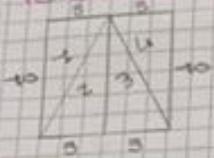
	FIGURA	PERIMETRO cm	AREA cm <sup>2</sup>
	TRAPEZIO BASSO	62,36	100
	QUADRATO	40	100
	RETTANGOLO	50	100
	PARALLELOGRAMMA BASSO	62,36	100
	ROMBO	44,72	100
	TRAPEZIO ALTO	42,36	100
	PARALLELOGRAMMA ALTO	42,36	100
	TRIANGOLO RETTANGOLO	52,36	100

Fig 4

28/02/23

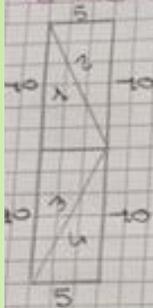
Oggi calcoliamo il perimetro dei quadrati costruiti la scorsa settimana

### IL QUADRATO



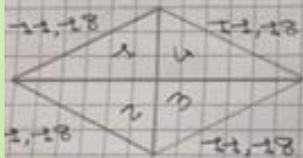
lato = 10 cm  
 $P = 10 \times 4 = 40$

### IL RETTANGOLO



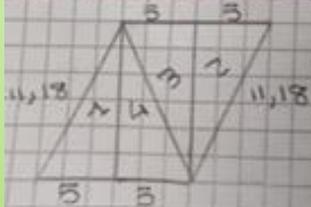
lato lungo = 20 cm  
 lato corto = 5 cm  
 $P = 20 + 20 + 5 + 5 = 50$   
 $P = 20 \times 2 + 5 \times 2 = 50$

### IL ROMBO



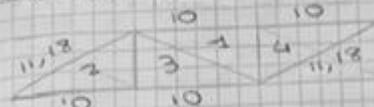
lato = 11,18 cm  
 $P = 11,18 \times 4 = 44,72$  cm

### PARALLELOGRAMMA ALTO



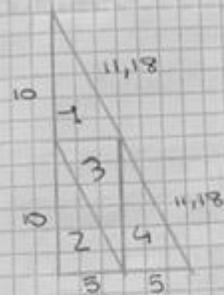
lato corto = 10 cm  
 lato lunghi = 11,18 cm  
 $P = 10 + 10 + 11,18 + 11,18$   
 $= 42,36$  cm  
 $P = 10 \times 2 + 11,18 \times 2 = 42,36$  cm

### IL PARALLELOGRAMMA BASSO



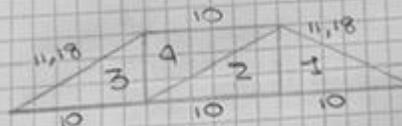
lato lungo = 20 cm  
 lato corto = 11,18 cm  
 $P = 20 + 20 + 11,18 + 11,18 = 62,36$  cm  
 $P = 20 \times 2 + 11,18 \times 2 = 62,36$  cm

### IL TRIANGOLO RETTANGOLO



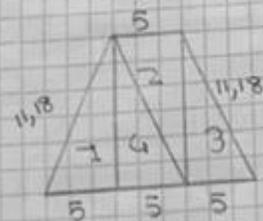
lato lungo = 22,36 cm  
 lato corto = 20 cm  
 lato cortissimo = 10 cm  
 $P = 22,36 + 20 + 10 = 52,36$  cm

### TRAPEZIO BASSO



base maggiore = 30 cm  
 base minore = 10 cm  
 lato obliquo = 11,18 cm  
 $P = 30 + 10 + 22,36 = 62,36$  cm

### TRAPEZIO ALTO



base maggiore = 15 cm  
 base minore = 5 cm  
 lato obliquo = 22,36 cm  
 $P = 15 + 5 + 22,36 = 42,36$  cm

<i>FIGURA</i>	<i>PERIMETRO in cm</i>
Trapezio basso	62,36
Quadrato	40
Rettangolo	50
Parallelogramma basso	62,36
Rombo	44,72
Trapezio alto	42,36
Parallelogramma alto	42,36
Triangolo rettangolo	52,36

Pertanto si può senz'altro affermare che:

**FIGURE EQUIVALENTI NON SONO NECESSARIAMENTE ISOPERIMETRICHE**

*TRAPEZIO BASSO*

*PARALLELOGRAMMA BASSO*

presentano lo stesso perimetro : 62,36 cm

*TRAPEZIO ALTO*

*PARALLELOGRAMMA ALTO*

presentano lo stesso perimetro: 42,36 cm

Le altre figure presentano valori diversi

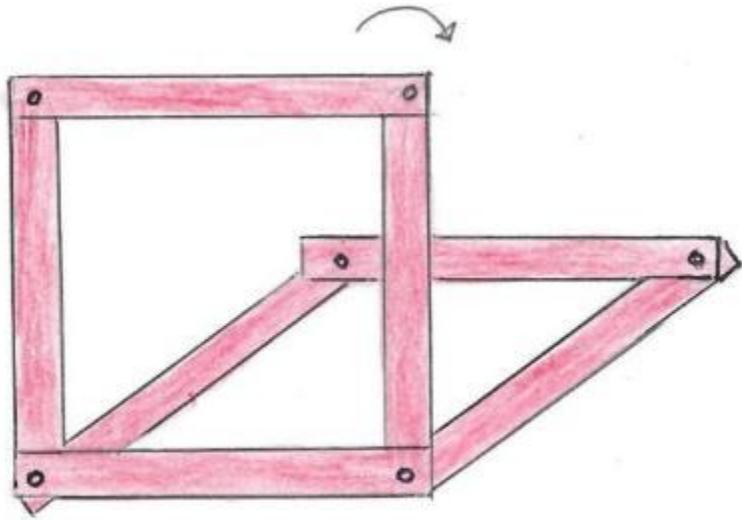


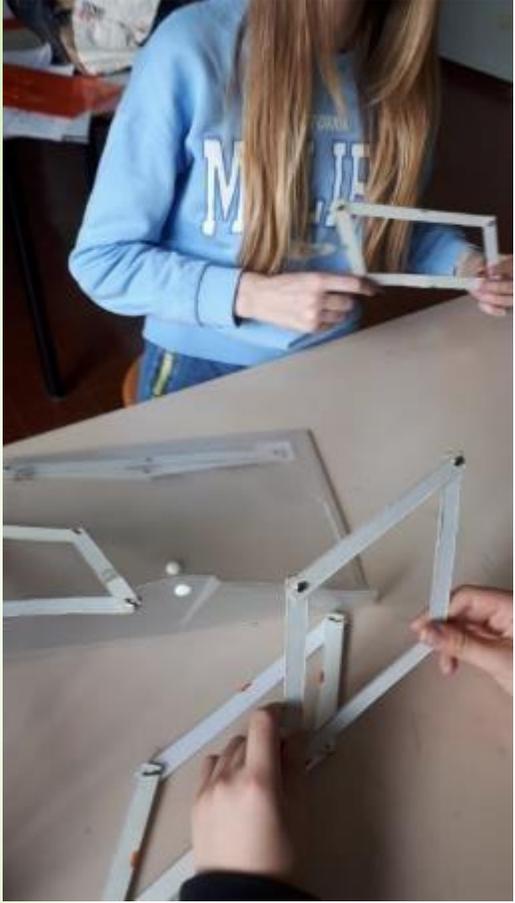
Fig 2

Conclusioni :

- Prendiamo ora delle liste di cartone appuntate con dei ferma- campioni e costruiamo un quadrilatero come in figura.
- Pieghiamo il quadrilatero tenendo ferma la sua base.
- Disegniamo su di un foglio alcune figure ottenute piegando sempre di più il quadrilatero!

- Cosa succede all'area ?
- Le figure ottenute conservano sempre lo stesso perimetro?
- Quale fra esse possiede l'area maggiore?
- Cosa succede agli angoli quando deformiamo il quadrilatero?
- Pensi che accada la stessa cosa se cambiamo quadrilatero (es. rettangolo ) ?

**FIGURE CHE HANNO LO STESSO PERIMETRO NON NECESSARIAMENTE SONO EQUIVALENTI**



Disegniamo ora due rette parallele e costruiamo poi i triangoli ACB, ADB, AFB colorando i lati con colori diversi. Aiutandosi con un righello si misurano per prima cosa i perimetri dei tre triangoli e si risponde alla prima domanda:

***LE FIGURE HANNO TUTTE LO STESSO PERIMETRO?***

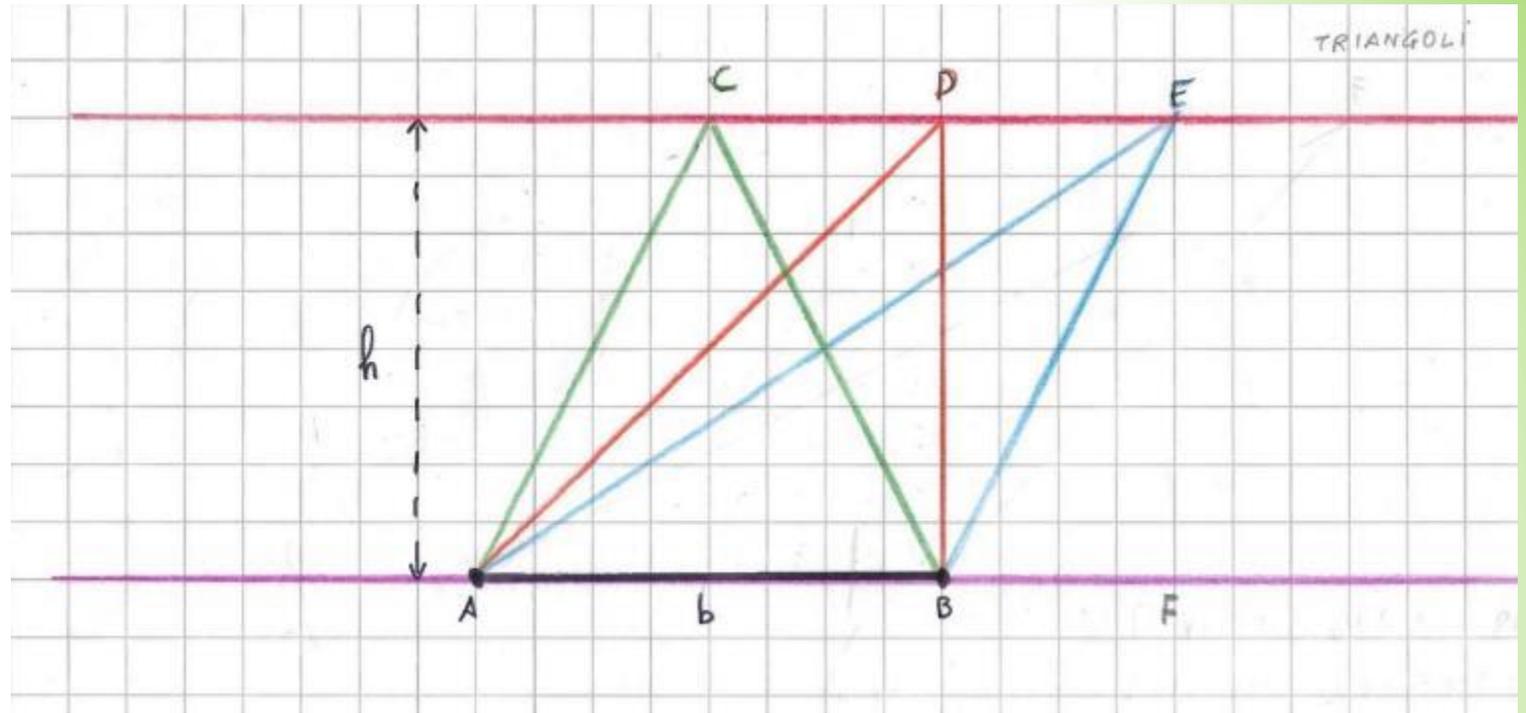


Fig 3

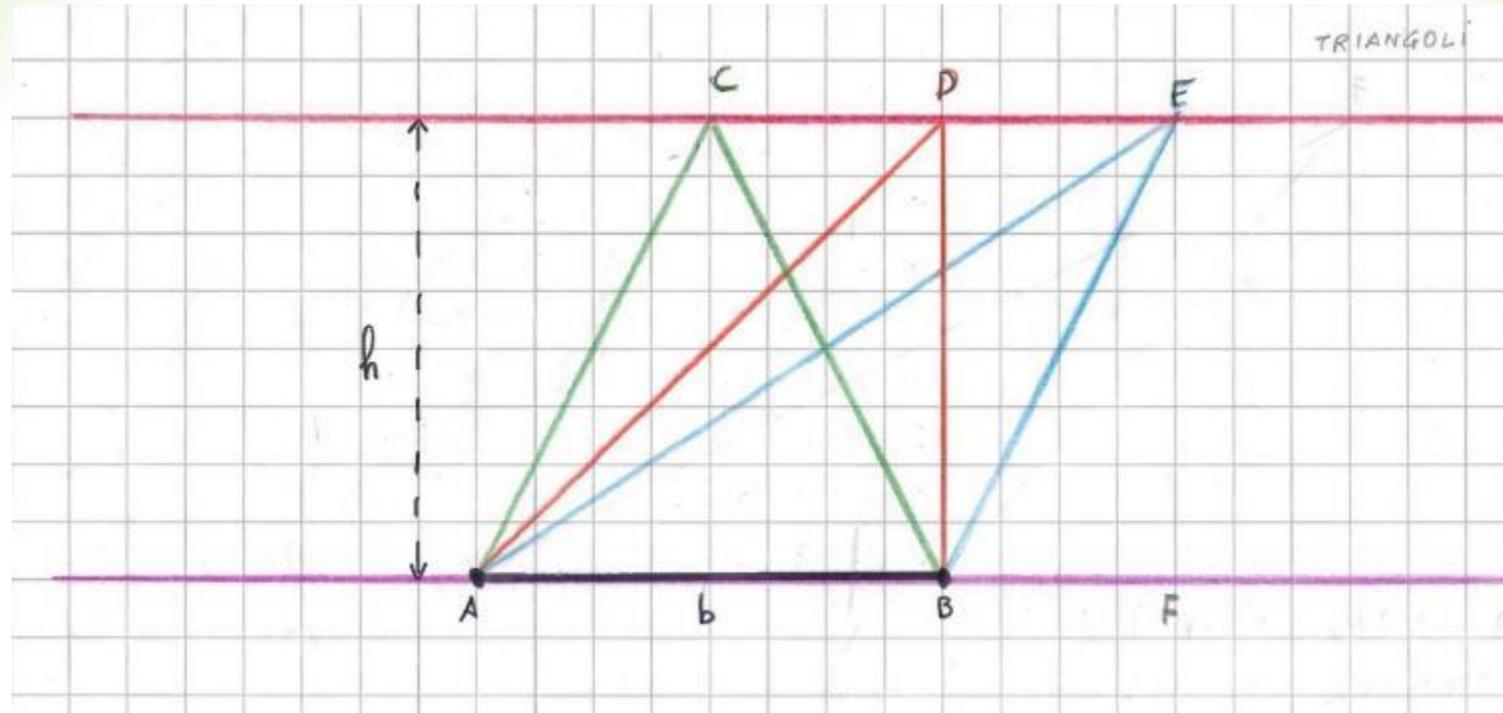


Fig 3

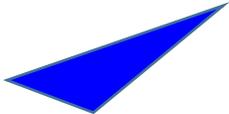
Proviamo ora a calcolare la superficie dei triangoli considerati. Per farlo in maniera sperimentale possiamo contare il numero dei quadratini. Ogni quadratino misura  $1 \text{ cm}^2$ . Per i triangoli arancione e verde possiamo con qualche accorgimento contare il numero dei quadratini che risulta 32. Per il triangolo blu dobbiamo invece ricorrere alla carta da lucido, al cartone rigido e alla tecnica della pesata.



Col ***metodo della pesata***, ponendo di volta in volta, sul piatto della bilancia i vari cartoncini triangolari realizzati tutti con lo stesso materiale (cartone di identico spessore ) ci accorgiamo che il peso è identico. Di conseguenza hanno tutti la stessa area.

I triangoli verde, arancione e blu hanno tutti la stessa area (in quanto hanno tutti la stessa base e la stessa altezza) ma cosa possiamo dire dei perimetri?

Misurando direttamente i lati con un righello e riportandoli in tabella avremo questa situazione.

<i>Figura</i>		<i>PERIMETRO cm</i>	<i>AREA cm<sup>2</sup></i>
Triangolo verde		26	32
Triangolo arancione		27,31	32
Triangolo blu		31,4	32

Quindi figure equivalenti non sono per forza isoperimetriche; cioè non sempre hanno lo stesso perimetro !

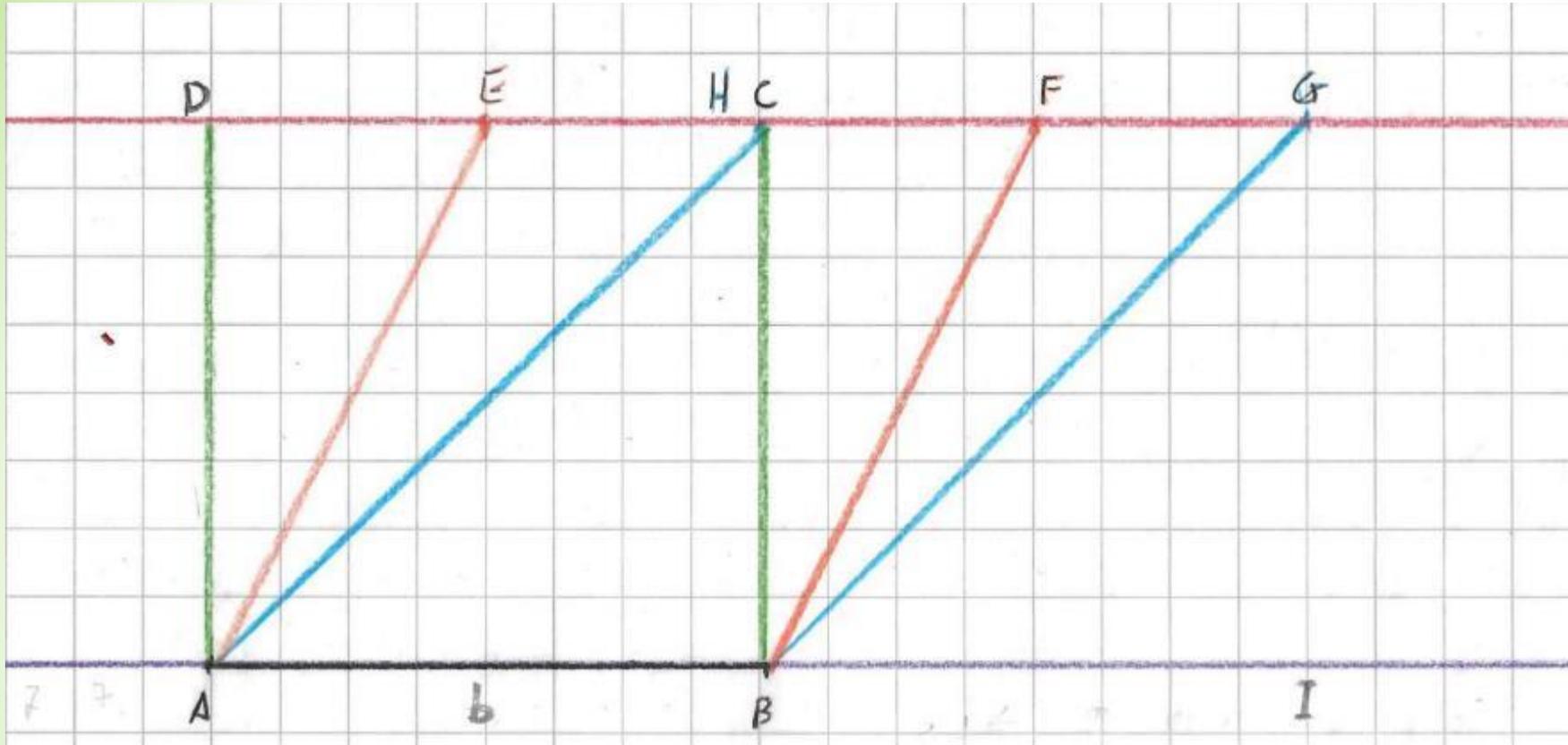
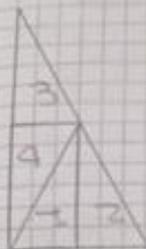


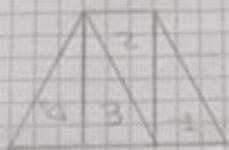
Fig 4

Con gli stessi accorgimenti usati in precedenza possiamo misurare o contare il numero dei quadratini che formano i quadrilateri verde, arancione blu:  $64 \text{ cm}^2$

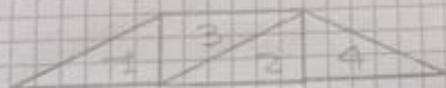
- un triangolo rettangolo



- un trapezoido



- un altro trapezoido



Tutti questi poligoni sono fra loro **EQUIVALENTI**, perché sono stati costruiti sempre con gli stessi 4 triangoli rettangoli uguali fra loro.  
**FATTO INSIEME**

### OSSERVAZIONI

• I poligoni costruiti sono tutti **equivalenti**

• Il parallelogramma alto e il trapezoido hanno entrambi il perimetro di 32,46 cm, sono quindi **isoperimetrici**.

### INCI

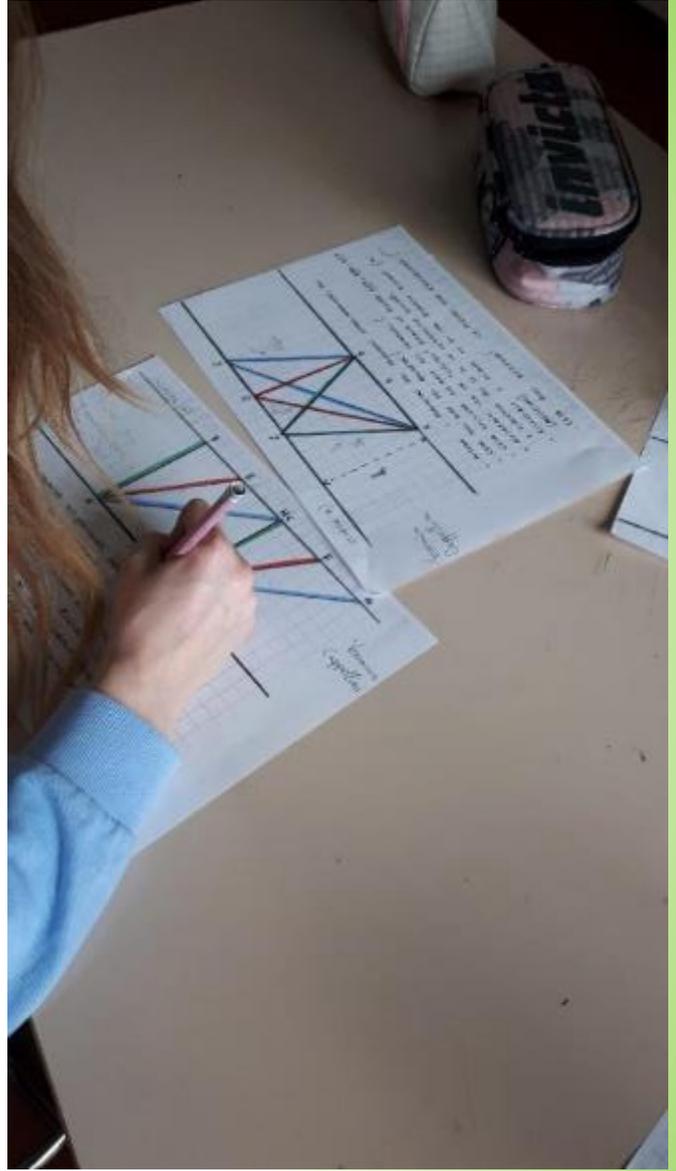
• Il parallelogramma basso e il trapezoido basso hanno entrambi il perimetro di 62,36 cm, sono quindi

**isoperimetrici** (gli altri 4

• Gli altri 4 poligoni (quadrato-rettangolo-rombo-triangolo rettangolo) hanno perimetri diversi.

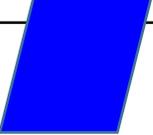
### CONCLUSIONE

Poligoni equivalenti non sono sempre isoperimetrici

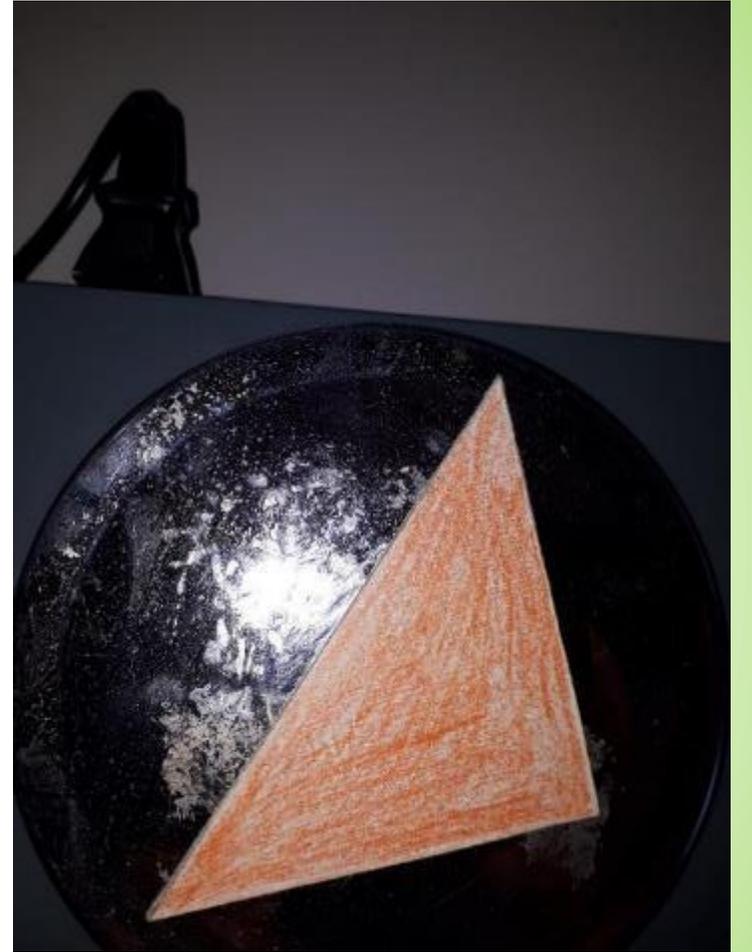
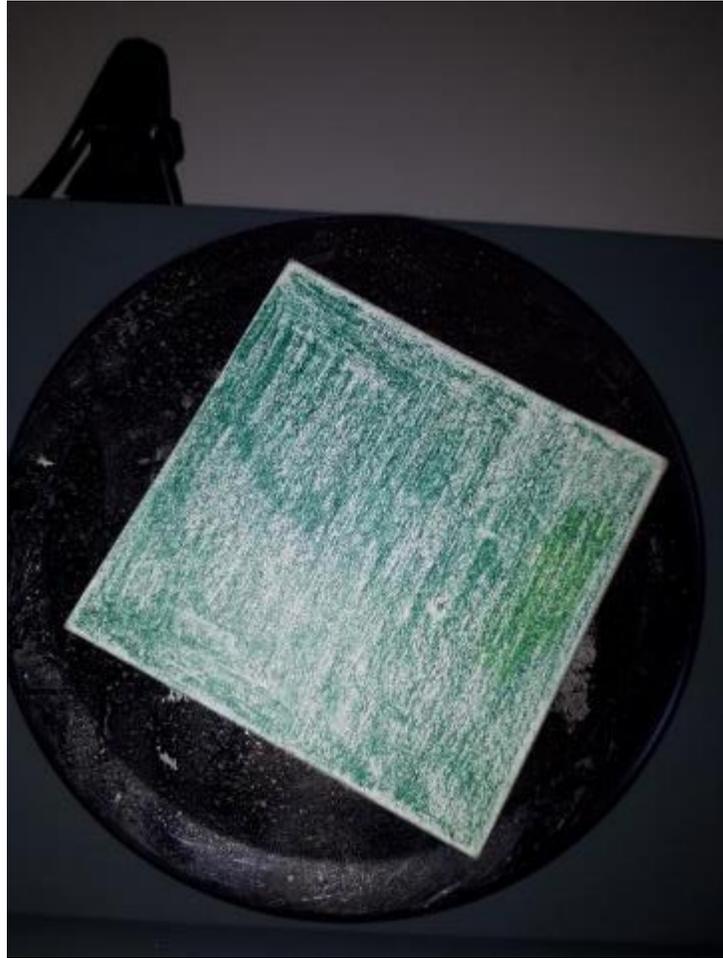
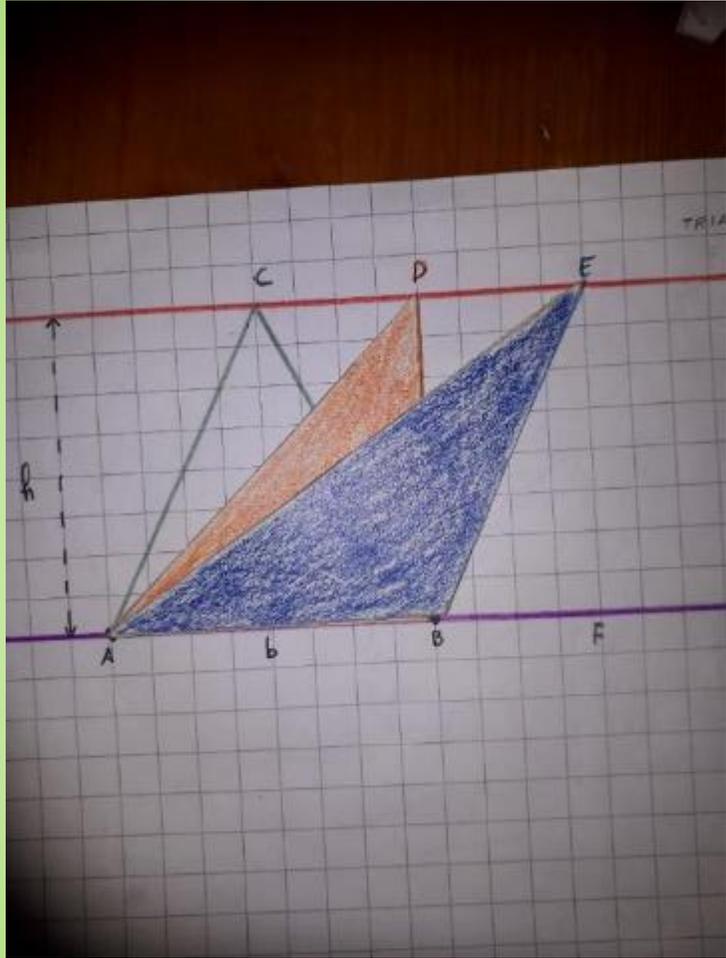


I parallelogrammi verde, arancione e blu hanno tutti la stessa area (in quanto hanno tutti la stessa base e la stessa altezza) ma cosa possiamo dire dei perimetri?

Misurando direttamente i lati con un righello e riportandoli in tabella avremo questa situazione.

<i>Figura</i>		<i>Perimetro cm</i>	<i>Area cm<sup>2</sup></i>
<i>Quadrato verde</i>		32	64
<i>Parallelogramma arancio</i>		34	64
<i>Parallelogramma blu</i>		38,4	64

Quindi figure equivalenti non sono per forza isoperimetriche; cioè non sempre hanno lo stesso perimetro !





Quindi possiamo concludere che i concetti di equivalenza e di isoperimetria non sono sempre interconnessi;

Figure equivalenti non sono sempre anche isoperimetriche così come figure che hanno lo stesso perimetro non sempre hanno la stessa area!



# Problemi d'Arte

Attività di INNOVAZIONE DIDATTICA DELLA MATEMATICA

5<sup>A</sup> 1<sup>AM</sup>

Scuola primaria «M. Hack» Scuola secondaria di primo grado «E. Fermi»

Masotti

a.s . 2022-2023



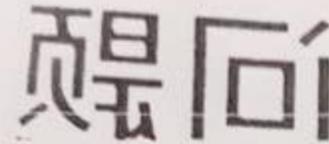
Le classi 5<sup>A</sup> della primaria «M.Hack» e 1<sup>AM</sup> secondaria «E. Fermi», quest'anno hanno lavorato insieme in un percorso di approccio creativo alla risoluzione dei problemi.

Si sono formati dei gruppi omogenei, di 5 o 6 studenti, provenienti per metà dalla primaria e per metà dalla secondaria

- Si è consegnato ad ogni gruppo una riproduzione di un'opera d'arte famosa; si è chiesto ai ragazzi di osservarla e di inventare un problema che nascesse dalla situazione rappresentata o dall'immagine stessa raffigurata.

Abbiamo usato  
gli ideogrammi  
cinesi per  
aiutare  
l'inclusione!!!

Ideogramma cinese  
Problema/Sfida



ASSEGNEREMO UN' IMMAGINE AD OGNI GRUPPO CHE  
CON L'AIUTO DI TUTTI I COMPONENTI, INIZIERA' A  
OSSERVARE BENE E A SCRIVERE LA STORIA PROBLEMA  
SENZA RISOLVERLA!!!

QUINDI CONCENTRATEVI SULLA STORIA COME SE  
FOSTE DEGLI SCRITTORI DI UNA SCENEGGIATURA DI  
UN FILM realistico O verosimile O fantastico

- FATE UN ELENCO DI TUTTE LE COSE CHE NOTATE
- CI SONO DOMANDE CHE QUESTE COSE O QUESTE SITUAZIONI CHE VEDI TI SUSCITANO?
- Aggiungete dati, informazioni di tipo numerico
- Usate i connettivi logici (poiché, quindi, infatti, ma, se, perciò.....dunque)
- Aggiungete anche dialoghi o pensieri dei protagonisti
- PARTITE DA UNA SITUAZIONE E SCRIVETE DOVE VI PORTA USANDO LA FANTASIA OPPURE POSSIBILI SCENARI
- NON TUTTO POTRA' AVERE DELLE RISPOSTE
- VOI INTANTO CERCATE LE DOMANDE!

- Dopo aver raccolto tutti i problemi inventati, si sono consegnati casualmente agli altri gruppi, in modo tale che ogni gruppo si trovasse ad analizzare, risolvere, commentare un problema ricevuto da un altro gruppo.
- Si è discusso di tutti i problemi collettivamente, ragionando sulle difficoltà incontrate piuttosto che gli elementi positivi.

Per ogni attività le docenti hanno assegnato dei punteggi che sono stati raccolti in un tabellone appeso all'aula polivalente, che ha creato, nei vari giorni, una graduatoria tra i vari gruppi, dando così al tutto un accento un po' sportivo-competitivo.

GRUPPI	SFIDA MACCHINE INPUT e OUTPUT	SFIDA Costruite in gruppo alcune problematiche	SFIDA AVANTI E INDIETRO sulla griglia	SFIDA Risolvere il problema di altri gruppi	TOTALE PUNTI
1) MATE ELETTRONI					
2) MATEMATICI					
3) GLADIATORI					
4) LE CINQUE PIANTE					
5) GENIUS					
6) DEMONI DELLA MATEMATICA					
7) I NUTELLA KIDS					
8) GLI ARCIERI					
9) GLI AFFARIATI DELLA MATEMATICA					

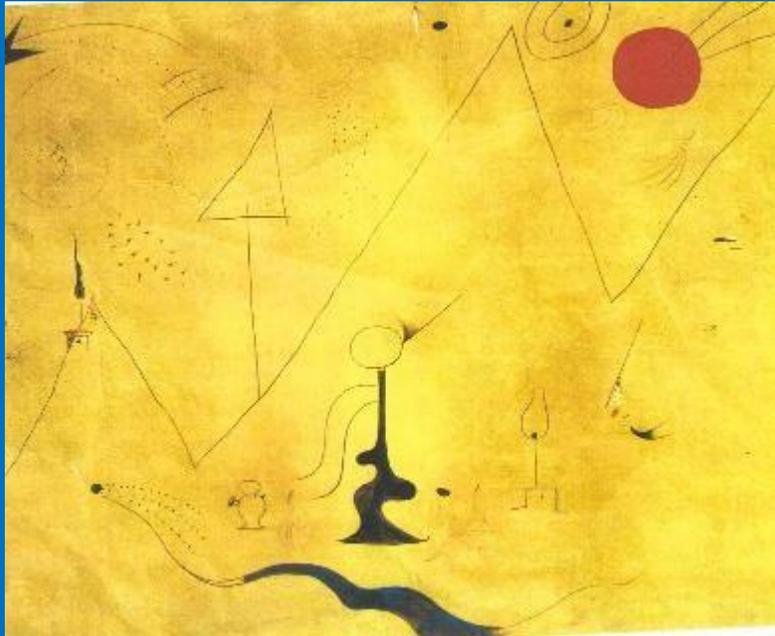
Innovazione della matematica  
a.s. 2022-2023 classi 5A - 1A MASOTTI

Esempio in  
itinerare di  
punteggio

GRUPPI	SFIDA MACCHINE INPUT E OUT PUT	SFIDA Costruite in gruppo storie problematiche	SFIDA AVANTI E INDIETRO sulla griglia	SFIDA Risolvere il problema di altri gruppi	TOTALE PUNTI
1) MATE ELETTRONI	6 10 9	4	9		
2) I MATEMATICI	4 10	6	8,5		
3) I GLADIATORI	2 9 8	8	8,5		
4) LE CINQUE FIAMME	3 10 9	2	10		
5) I GENIUS	2 9	4	9		
6) I DEMONI DELLA MATEMATICA	3 7	7	8		
7) I NUTELLA KIDS	2 10 10	3	10		
8) GLI ARCIERI	3 9 8	3	10		
9) GLI AFFAMATI DELLA MATEMATICA	1 9	8	10		

Innovazione della matematica

# Problema dei I MATEMATICI



IO VEDO  I MATEMATICI

UN GIORNO UN UOMO PREGO' IL SOLE PER 3 ORE, POICHE' ERA TANTISSIMO TEMPO CHE PREGAVA SI STANCO' MA NON SI ARRESE. PURTROPPO SBAGLIO' UNA FRASE E IL SOLE FECE DIVAMPARE UN INCENDIO DI 300 m IN TUTTO IL BOSCO, INFATTI PURE LA SUA CASA PRESE FUOCO IN MEZZO ALLE 2 MONTAGNE CHE LA CIRCONDAVANO. SE L'INCENDIO DIVAMPA 2,50 m AL SECONDO, QUANTO TEMPO IMPIEGHERA' A FARE 300 m? SE L'UOMO PREGA 3 ORE AL GIORNO QUANTO PREGA IN UN MESE? SE LE MONTAGNE SONO LARGHE 250 m QUANTO CI METTONO A INCENDIARSI. ENTRAMBE LE MONTAGNE?

# Problema dei GENIUS



## Problems

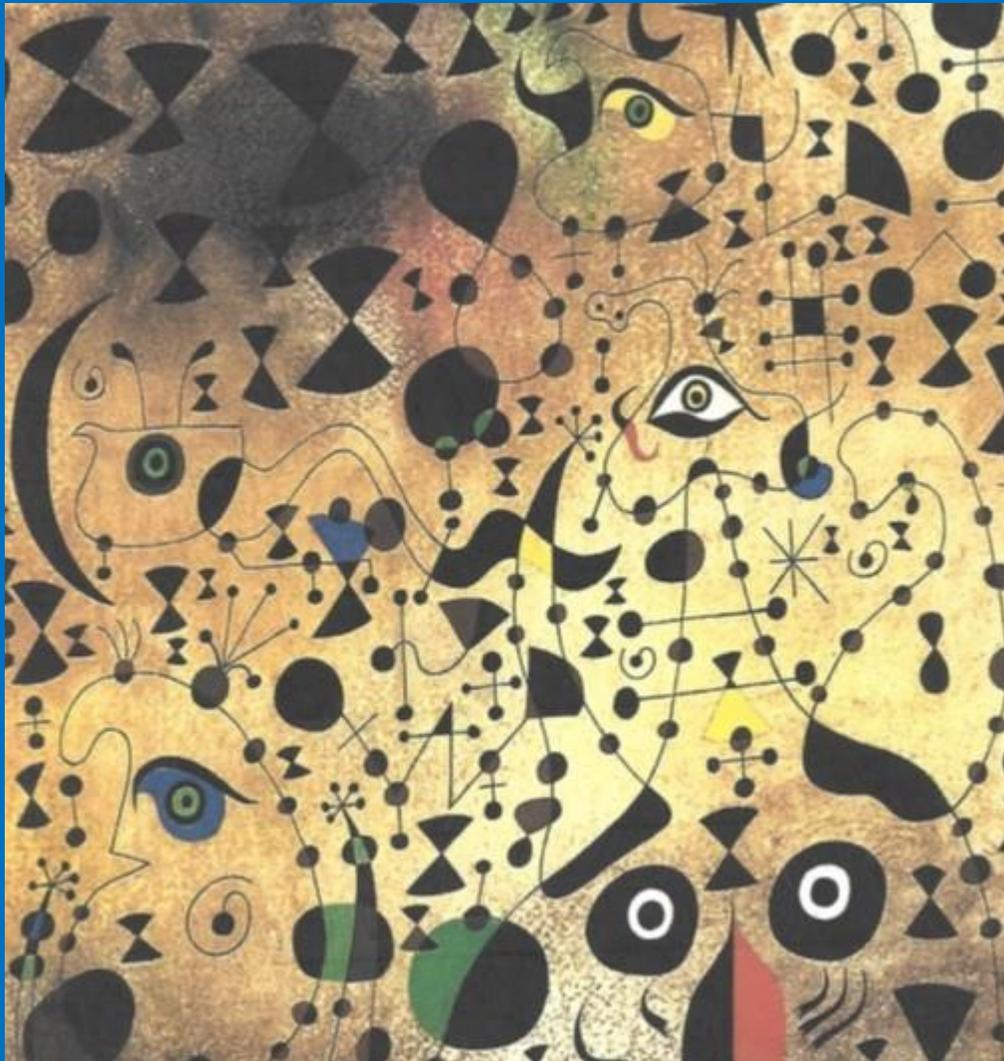
La costa della città di Genius è lunga 29 Km.  
Se in ogni Km ci sono 5 navi, quante navi ci sono in tutto?

Il vulcano di Genius sta eruttando.  
Se in ogni ora, la lava attraversa 5 Km della città e la città è lunga 28 Km, quanto tempo impiegherà la lava a sommergere la città?

L'azienda agricola alle pendici del vulcano, è a forma di rettangolo. Se l'altezza è di 18 dam e la base è di 35 km, quanto sarà l'area dell'azienda agricola?

Alla fine, la città di Genius venne sommersa, ma noi marinai, ci salvammo.

# Problema dei GLADIATORI



Notiamo. occhi, facce di animali, molti pallini, delle clessidre, una stella, lune, linee, corni, baffi della tigre e un sorriso.

Non mi suscita niente.

Tanto tempo fa, c'era un pittore che voleva fare un quadro. Però voleva fare un quadro diverso da tutti gli altri, quindi disegnò non tanto pensando; E disegnò: pallini, occhi, animali come tigri e panda, mezzelune con stelle e cerchi. Il pittore divenne famoso per il suo quadro di arte contemporanea, milioni di persone sono andate a guardare il capolavoro. Dopo 25 anni morì e le sue ultime parole sono state: "Ricordatevi che non dovete fare un quadro famoso."

# Problema dei NUTELLA KIDS



CINQUE RAGAZZI DECIDONO DI ORGANIZZARE UNA FESTA.

COMPRANO 16 LATTINE DI BIBITE A MEZZO EURO L'UNA, 5 SCATOLE DI BISCOTTI A UN EURO E MEZZO L'UNA E 12 FOCACCE A 60 CENTESIMI DI EURO L'UNA.

Quanti soldi hanno speso in tutto?

Quanto cibo hanno comprato in tutto?

Se pagano con una banconota da 100€

quanto ricevono di resto?

Se comprano altre 2 scatole di biscotti

quanto spendono in tutto?

# Problema dei MATEMATICI ELETTRONICI



GRUPPO 1

MATE ELETTRONICI

## La bottiglia Caduta

SUL TAVOLO DEL SIGNOR MARCO CI SONO: UNA BOTTIGLIA PIENA D'ACQUA AL 100%, UNA DAMIGIANA VUOTA, UN VASO ED UN PONTA FRUTTA CON 3 PALLINE. QUANDO IL SIGNOR MARCO VA A FARE LA SPESA IL SUO GATTO FIDELCO MENTRE GIOCAVA CON LE PALLINE CHE ERANO NEL PONTA FRUTTA NE FA CADERE UNA CHE PRENDE IN PIENA LA BOTTIGLIA PIENA D'ACQUA AL 100% CHE EQUIVALE AD UN LIBRO. IL GATTO NE ROVESCIA IL 75%.

QUANTI LITRI D'ACQUA SONO RIMASTI NELLA BOTTIGLIA?

# Problema dei AFFAMATI



ANGELICA, È ANDATA A FARE LA SPESA  
E HA COMPRATO: UNA ZUCCA CHE COSTA 3,00€  
DELL' UVA CHE COSTA 2,00€ UN COCOMERO CHE  
COSTA 5,00€ UN MELOGRANO CHE COSTA 1,00€ UNA ZUCCHINA  
CHE COSTA 3,58€ 3 PESCHE CHE COSTANO 1,98€ 5 FICHI  
CHE COSTANO 4,00€ UNA PERA CHE COSTA 2,00€ DELLE  
PRUGNE CHE COSTANO 5,00€ UN MEZZO POMME  
CHE COSTA 3,58€ E PERDÉ LE PRUGNE E LA  
ZUCCA ERANO ANDATE A MALE. ANGELICA È  
RITORNATA AL SUPERMERCATO E SI È FATTA  
RIMBORSARE I SOLDI SPESI? QUANTO  
HA SPESO?  
MOTIVA LA TUA RISPOSTA

# Problema degli ARCIERI



UN UOMO ~~FACE~~ IN UN GIORNO SCAVANDO  
UNA BUCA RIESCE A TROVARE 50 LITRI D'ACQUA  
SE GLI ANIMALI BEVONO UN ~~LITRO~~ LITRO DI ACQUA  
AL GIORNO; IN 10 GIORNI QUANTA ACQUA  
RIMANE AGLI UOMINI?  
DURANTE UNA ~~MA~~ NOTTE ESCONO DALLA BUCA  
5 LITRI D'ACQUA. QUANTI LITRI  
LA MATTINA SEGUENTE? TROVERANNO

~~GLI ARCIERI~~

SE GLI ANIMALI ~~PER~~ BEVESSERO 1,5 LITRI AL  
GIORNO QUANTA ACQUA ~~A~~ RIMAREBBE?

# Problema dei DEMONI

Se in un giorno gli operai lavorano 12 ore per fare un piano. Per completare la costruzione quante ore ci mettono se la torre è alta 10 piani? Se la torre fosse alta 30 piani quante ore dovrebbero lavorare? Purtroppo un operaio si è ammalato. Se lavorano 9 ore al giorno quanti giorni in più ci metteranno?



I ragazzi hanno collaborato con interesse, curiosità e motivazione nei gruppi e risposto positivamente alle proposte delle docenti. Le loro creazioni sono risultate interessanti e piene di spunti di riflessione.

# La misura

Attività di Innovazione didattica della  
Matematica

5<sup>^</sup>Q - 1<sup>^</sup>C

a.s. 2022-2023

Le classi che hanno partecipato sono state la 5<sup>Q</sup> della scuola primaria I. ALPI e 1<sup>C</sup> della secondaria E. FERMI di Casalguidi

L'attività ha riguardato il concetto di misura a partire dall'errore di misura attraverso le illusioni ottiche, fino ad arrivare alla misurazione dell'area di una figura non canonica: una foglia.

Gli alunni sono stati invitati a fare i professori per far capire ai più piccoli il concetto di misura: in questo modo anche i grandi riprendendo l'argomento già affrontato alla primaria mettono così alla prova le loro capacità.

La prima parte dell'attività, è divisa in stazioni, ognuna organizzata autonomamente da un gruppo di studenti.

Naturalmente sono state date loro delle indicazioni iniziali su come procedere a sviluppare l'attività.

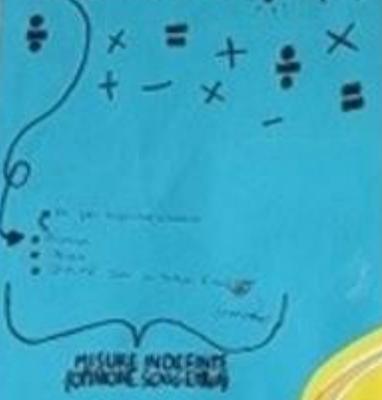
Fare i professori li riempie di orgoglio ma li mette anche davanti alle difficoltà!!!

## Stazione 1: unità di misura comuni

Spiegate ai vostri compagni più piccoli l'importanza della scelta di una unità di misura comune, per le misure di lunghezza e preparate una attività adatta allo scopo. Per esempio, potreste invitarli a misurare la lunghezza del banco usando unità non convenzionali: strisce di carta, gomme, matite.

Riflettete insieme a loro sull'uso di una tecnica comune, per esempio la distanza pollice-indice della mano, oppure i passi, avendo cura che ognuno dei bambini misuri da solo e annoti il risultato. Successivamente date la possibilità di misurare il banco con un metro a nastro e annotate le dimensioni del piano del banco misurate da ognuno. Costruite una lezione usando le metodologie che preferite: cartelloni, schemi, disegni... Siate creativi!

# COME SI FA A MISURARE?



# LE UNITA DI MISURA

	Prefissi di nomi e simboli	Fattore di moltiplicazione (quante volte l'unita')
MULTIPLI	giga G	milardo × 1.000.000.000
	mega M	milione × 1.000.000
	chilo k	milario × 1000
	etto h	centinaio × 100
	deca da	decina × 10
SOTTOMULTIPLI	Unita'	× 1
	deci d	decimo × 0,1
	cent c	centesimo × 0,01
	mil m	millesimo × 0,001
	micro μ	milionesimo × 0,000001
	nano n	milardesimo × 0,000000001



UNICI SULLA BRUCCA  
SERRI E DI OLIVIERO  
NOSTRE GUSTI PER  
PACIFICI

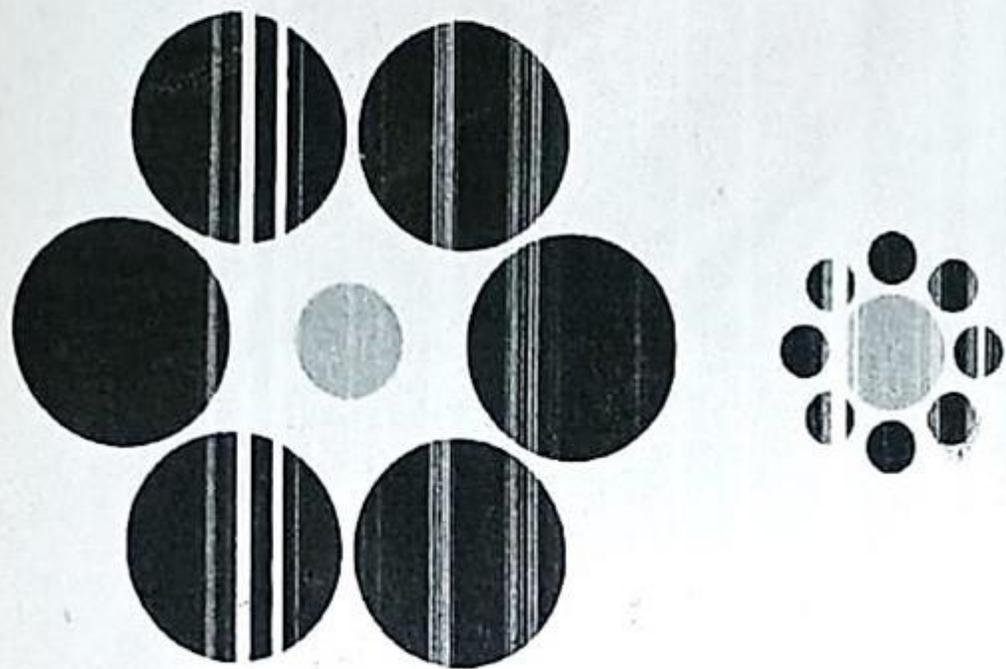


1000	100	10	1	0,1	0,01	0,001
chilo	deca	deci	unita'	deci	cento	chilo
MULTIPLI			UNITA'	SOTTOMULTIPLI		

## Stazione 2: illusioni ottiche!

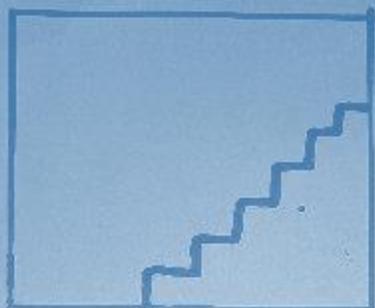
Fate lavorare i vostri compagni più piccoli con delle illusioni ottiche, analizzando le immagini proposte e, cercando di capire se quello che vedevano era effettivamente reale oppure no. L'unico modo per capire quello che vedrete è munirsi di righello e "misurare" distanze tra rette, lunghezze di segmenti, diametri di cerchi ecc. e capire che era un'ILLUSIONE. Costruite una lezione usando le metodologie che preferite: cartelloni, schemi, disegni...

Questa é un'illusione ottica e vi spiego come funziona



← I DUE CERCHI PIÚ CHIARI  
SEMBRANO DIVERSI MA IN REALTA'  
SONO GRANDI UGUALI.

# L'ILLUSIONE DELLE SCALE



SE GIRATE IL FOGLIO LE SCALE  
SEMBRERANNO SEMPRE DELLE  
SCALE CHE SCENDONO O SALTONO



## Stazione 3: sarti su misura

Scegliete un "bambina/o modella/o" da misurare e tutti i compagni misurino la sua altezza e l'ampiezza della apertura delle braccia. Riportate i dati in una tabella. Una volta terminate le misure, analizzate i dati delle tabelle. Le misure non coincideranno. Come capire quale valore è il più vicino alla realtà? Pensate e strutturate una attività da presentare ai bambini. Costruite una lezione usando le metodologie che preferite: cartelloni, schemi, disegni... Siate creativi!

# MISURIAMO!... CHRISTIAN

NOME:	ALTEZZA:	AMPIEZZA DELLE BRACCIA:
Beatrice	153 cm	153 cm
Nicole	154,5 cm	154,8 cm
Fede	154,8 cm	152,2 cm
Gine	154 cm	153 cm

**TOTALE:**  
**MEDIA**

153,8 cm

153,3 cm  
115 cm

# SPIEGAZIONE

- Scegliamo un bambino da misurare
- Ogni componente del gruppo misura il bambino
- Scriviamo le misure nella tabella, notando che sono diverse
- Per scoprire il numero esatto facciamo la media di tutti i numeri
- Così sappiamo quanto misura il bambino

Questo serve per capire che facciamo errori nel misurare

# CALCOLI!

153,5

$$\begin{array}{r} 2 \\ 157,5 + \\ 158 + \\ 156 + \\ 157,5 = \\ \hline 629,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 153,5 + \\ 152,5 + \\ 154 + \\ 154,5 = \\ \hline 614,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 155,7 + \\ 157 + \\ 153 + \\ 157 = \\ \hline 622,7 \end{array}$$

629,0

153,6

$$\begin{array}{r} 2 \\ 22 \\ 29 \\ \hline 29 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 4 \\ 756,25 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 22 \\ 20 \\ 27 \\ \hline 30 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 4 \\ 622,7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9 \\ 10 \\ 20 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 153,5 \\ 153,5 \\ 153,5 \\ \hline 613,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 155 + \\ 156 + \\ 156 + \\ 157 = \\ \hline 624 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 139 + \\ 139 + \\ 138,6 + \\ \hline 140 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 140 + \\ 137 + \\ 140 + \\ 138 = \\ \hline 555 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 147 + \\ 149 + \\ 154 + \\ 152 \\ \hline 602 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 4 \\ 150,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 22 \\ 24 \\ \hline 24 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 4 \\ 156 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ 36 \\ 06 \\ 2 \\ \hline 139,1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 555 \\ 4 \\ \hline 139,1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 132 + \\ 130 + \\ 126 + \\ 130 = \\ \hline 518 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 4 \\ 129,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 138 + \\ 140 + \\ 143 + \\ 140 = \\ \hline 561 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 21 \\ 18 \\ \hline 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 561 \\ 16 \\ 01 \\ \hline 240,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 555 \\ 15 \\ \hline 238,2 \end{array}$$

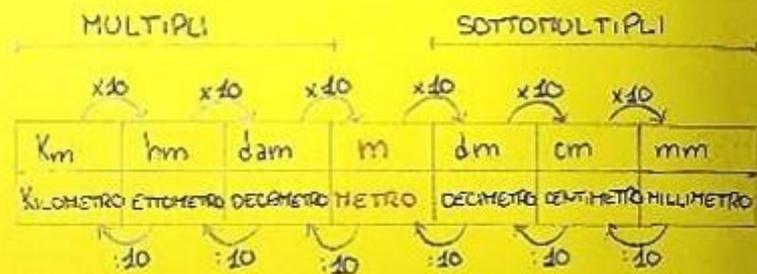
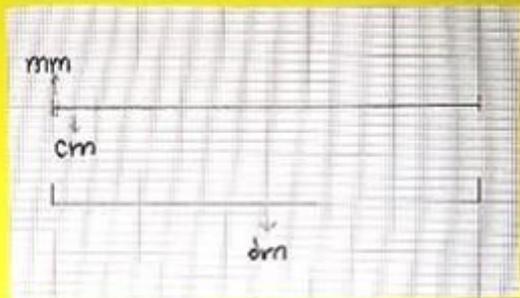
## Stazione 4: lunghezze e superfici

Spesso usiamo come unità di misura i centimetri e i millimetri, ma queste non sono l'unità di misura di base del sistema internazionale: sono dei sottomultipli che possono, grazie alle equivalenze, essere trasformati in metri. Disegnate su carta millimetrata il millimetro, il centimetro e il decimetro confrontandoli con il metro della rotella metrica. Dalle lunghezze passate poi alle aree e sullo stesso foglio, e disegnate il millimetro, il centimetro e il decimetro quadrati da confrontare con il metro da costruire in classe. Costruite una lezione usando le metodologie che preferite: cartelloni, schemi, disegni...

Siate creativi!



# LE MISURE DI LUNGHEZZA



# LE EQUIVALENZE

MISURE DI LUNGHEZZA:

PUÒ ESSERE DI ORDINE:

- INFERIORE SI PROCEDE VERSO DESTRA E SI MOLTIPLICA  $\times 10$ .
- SUPERIORE SI PROCEDE VERSO SINISTRA E SI DIVIDE  $\times 10$ .

ESEMPIO:

TRASFORMIAMO 3,76m IN cm.

m	dm	cm
3	7	6

$$3,76m = 376cm.$$

MISURE DI SUPERFICIE:

PUÒ ESSERE DI ORDINE:

- INFERIORE SI PROCEDE VERSO DESTRA E SI MOLTIPLICA  $\times 100$ .
- SUPERIORE SI PROCEDE VERSO SINISTRA E SI DIVIDE  $\times 100$ .

ESEMPIO:

TRASFORMIAMO 1,4m<sup>2</sup> IN dm<sup>2</sup>.

m <sup>2</sup>	dm <sup>2</sup>
1	40

$$1,4m^2 = 140dm^2.$$

Ma la primaria non è da meno e mette alla prova la secondaria!!!  
Anche se lo studio delle aree non viene affrontato in prima alla secondaria la sfida è stata fatta proprio in quel campo.  
**Come calcolare la superficie di una foglia!!!!**



## **Come calcolare la superficie di una foglia!!!!**

L'attività è stata svolta in 4 gruppi: a ciascun gruppo è stata consegnata una foglia di alloro, ognuno ha scelto la strategia che riteneva più giusta.

L'insegnante non è mai intervenuta e i lavori non sono stati corretti.

Ogni gruppo ha spiegato agli altri alunni le strategie usate

Ogni gruppo ha invitato , in seguito, i ragazzi delle medie a calcolare la superficie della foglia . Alla fine si sono confrontati.

# AREA DELLA FOGLIA

L'UNITÀ CHE ABBIAMO UTILIZZATO È UN APPUNTINO.

LA FORMA DA MISURARE È

STATA UNA FOGLIA D'ALLORO

PUNTATA 1: L'APPUNTINO E LA FOGLIA

PUNTATA 2: INIZIATE A MISURARE

PUNTATA 3: OPERAZIONE E CALCOLO

PUNTATA 4: LA CONCLUSIONE...OOO



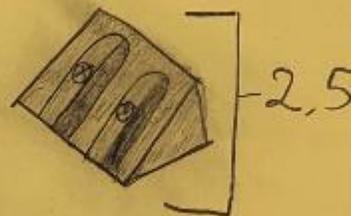
# L'APPUNTINO E LA FOGLIA

LA PRIMA COSA CHE ABBIAMO FATTO È STATA MISURARE

RE CON IL RIGHELLO QUANTO ERA GRANDE L'APPUNTINO

NO E SIAMO ARRIVATI ADIRE CHE POTEVAMO INIZIARE A

MISURARE LA FOGLIA CON GLI APPUNTINI CHE EQUIVALEVA  
NO A 2,5 cm

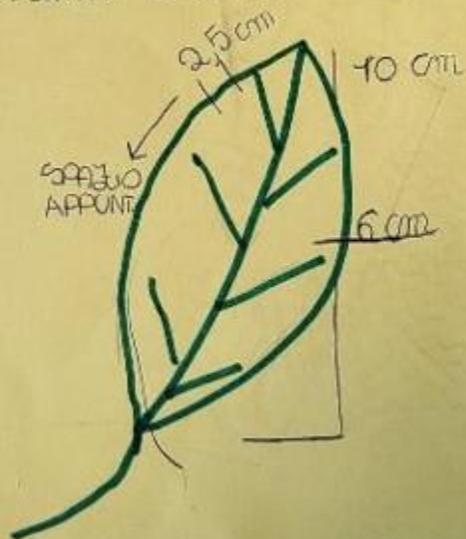


# INIZIAMO A MISURARE

Dopo abbiamo calcolato la diagonale maggiore

e la diagonale minore. Quella maggiore

equivaleva a 5 appuntini e quella minore a 2 appuntini

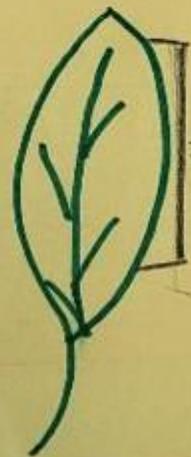


# OPERAZIONE E CALCOLO

Ora, sappiamo che la forma della foglia è simile

a un rombo. Quindi, la formula dell'area è  $(D \times d) : 2$

$$\text{cioè } (5 \times 2) : 2 = 2 \text{ appunt. (10 cm)}$$

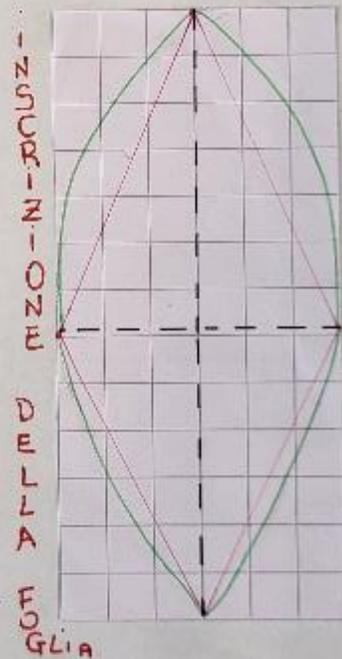


$$= 5 \text{ APP.} = 5 \times 2 = 10 : 5 = 2$$

# Superficie della foglia

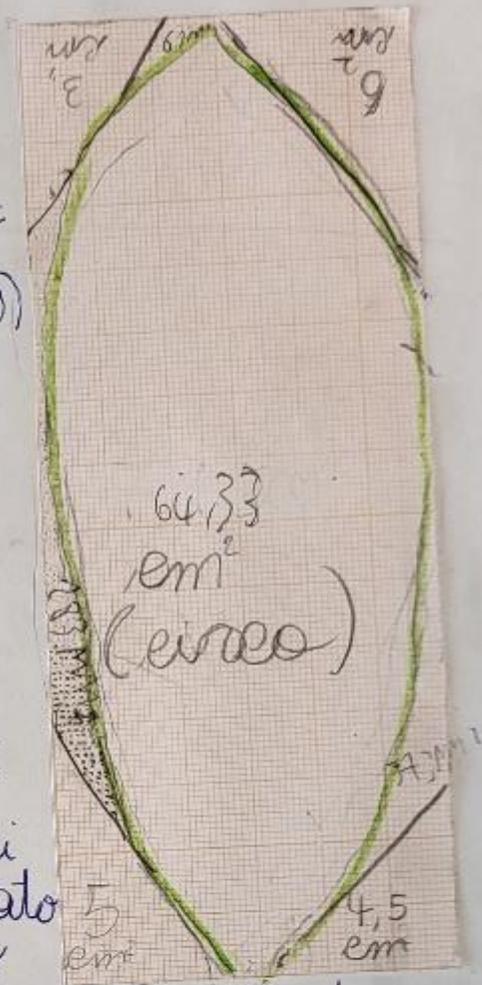
## SPIEGAZIONE

Per prima cosa abbiamo inscritto la foglia in un rettangolo. Abbiamo notato che la foglia era più simile a un rombo. Successivamente abbiamo calcolato la **DIAGONALE MAGGIORE (D)** per quella minore e tornava  $78 \text{ cm}^2$ . Dopo abbiamo diviso la doppia area per 2 perché siamo calcolavamo l'area del rettangolo tornandomo così  $39 \text{ cm}^2$ . Dopo di che abbiamo notato che la foglia era più grande del rombo che avevamo disegnato, per abbiamo calcolato il numero dei **CH** in ogni spazio e è tornato 20 area.



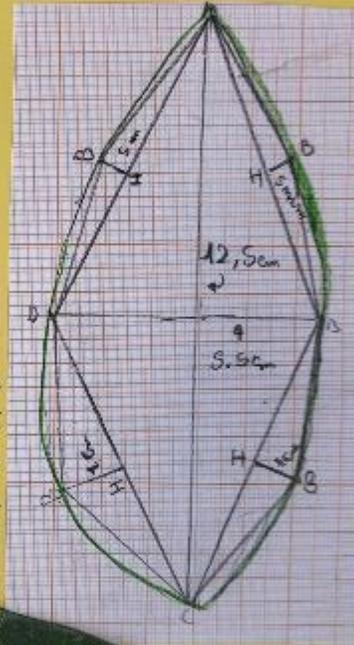
## Area foglia

Dalla carta millimetrata abbiamo ricavato un rettangolo (90 centimetri<sup>2</sup> Piccolo escluso) con cui è messo la misura della foglia. Abbiamo fermato la foglia con dello scotch e abbiamo tracciato il perimetro di essa con attorno 4 triangoli con area diversa. Dopo aver calcolato l'area di ognuno di essi, li abbiamo sommati e il risultato ottenuto (18,5 cm<sup>2</sup>) lo abbiamo sottratto all'area del rettangolo, ottenendo così l'area della foglia approssimata ~~(17,5 cm<sup>2</sup>)~~ 64,33



# Calcolo dell'area di una foglia

ABBIAMO TRACCIATO LA SAGOMA DELLA FOGLIA. ALL'INTERNO ABBIAMO COSTRUITO UN ROMBO MA AVANZIAMO DEGLI SPAZI, PERO' NELLE PARTI RIMANENTI ABBIAMO DISEGNATO 4 TRIANGOLI OTTUSANGOLI CALCOLATA L'AREA DI ENTRAMBE LE FIGURE, LE ABBIAMO SORTE E CI E' TORNATO 94,75. INFINE ABBIAMO DIVISO PER 2 QUESTO RISULTATO E ABBIAMO OTTENUTO L'AREA DI UNA FOGLIA.



Operazioni:

A = triangolo ottusangolo

$$6,5 \times 4 = 26$$

A = rombo = 68,75

Somma

$$68,75 + 26 = 94,75 \text{ cm}^2$$

$$94,75 : 2 = 47,375 \text{ cioè cm}^2$$

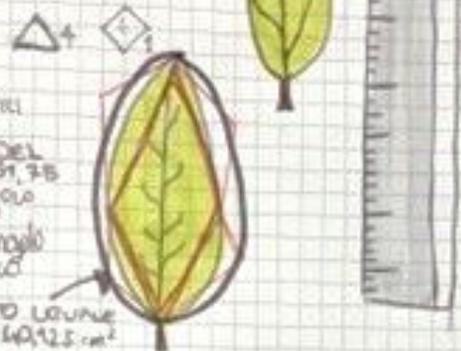


## COME SI MISURA L'AREA DELLA FOGLIA?

### SI PUO' DISEGNARE LA CIRCONFERENZA

- Abbiamo misurato la circonferenza della foglia
- Dobbiamo anche dividerla in quattro e unirlo e vestire formando un rombo
- Poi partendo dai vertici del rombo abbiamo formato 4 triangoli
- Abbiamo infine calcolato l'area del rombo e dei triangoli sommando le loro aree e dividendo il totale  $\approx 40,125 \text{ cm}^2$

AREA DEL ROMBO = 51,75  
 10,5 = TRIANGOLO  
 1 = TRIANGOLO  
 5,5 = TRIANGOLO  
 2 = TRIANGOLO



CELLARIO CARICATO  
 ← DIAMETRI DELLA 5° ELEMENTARE

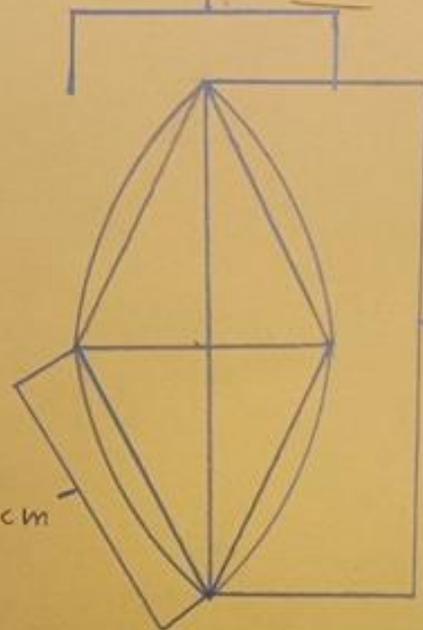
12,125

NOI 1° C MESE

## AREA DI UNA FOGLIA



LARGHEZZA: 5 cm



ALTEZZA:

10 cm

5,5 cm



FORMULA:

$$10 \times 5 = 50 \text{ cm} \quad 50 : 2 = 25 \text{ cm}^2$$

$$25 + 5,5 + 5,5 + 5,5 + 5,5 = 47 \text{ cm}^2$$

AREA DI UNA FOGLIA

# LA CONCLUSIONE...

ALLA FINE, FACENDO IL CALCOLO DELLA PUNTATA PRECEDENTE

...TE, ABBIAMO VISTO CHE L'AREA DELLA FOGLIA È CIRCA DI 5

APPUNTINI,  $\approx 10 \text{ cm}^2$

COME POSSIAMO NOTARE 10 cm è L'ALTEZZA DELLA  
FOGLIA



Area  $10 \text{ cm}^2$









NADAPLIDI  
NATAPLIDI  
geographic

EASTPAK

EASTPAK

EASTPAK

# Il Numerando e molto altro

Attività di INNOVAZIONE DIDATTICA della MATEMATICA



5<sup>B</sup>    1<sup>B</sup>  
5<sup>P</sup>    1<sup>E</sup>

a.s.2022-2023

Le classi che hanno partecipato sono 5<sup>B</sup> della scuola primaria I. Alpi e 1<sup>B</sup> della scuola secondaria di primo grado E. Fermi di Casalguidi.

L'attività si è concentrata sul gioco matematico IL NUMERANDO già noto nella didattica : attraverso il gioco gli alunni hanno potenziato la loro padronanza nel calcolo mentale e delle 4 operazioni in  $\mathbb{N}$ , affrontato problemi numerici insoliti e si sono misurati con la calcolatrice, strumento di calcolo da studiare e controllare e non da usare acriticamente.

Tutto il percorso ha previsto lavoro a gruppi omogenei sia da soli, sia primaria e secondaria insieme : in questo caso i gruppi erano misti.

Durante gli incontri sono stati affrontati due argomenti, in particolare il gioco didattico del "Numerando" e, durante un momento laboratoriale, sotto la guida dei "maestri-compagni" della secondaria, conoscere ed imparare a quanto corrisponde l'ampiezza degli angoli interni di diversi poligoni.

## Come si gioca:

SOFIA

L'insegnante prepara una serie di cartellini contenenti le cifre da 0 a 9 e i segni delle 4 operazioni (nella scuola media possono essere aggiunte l'elevazione a potenza e l'estrazione di radice)

Viene estratto un numero-bersaglio di 3 cifre, estraendo per tre volte un cartellino-cifra e rimettendo ogni volta nel mazzo il cartellino estratto

Si estraggono, ancora casualmente, ma questa volta senza rimettere il cartellino nel mazzo, tre cifre e due operazioni (possono diventare tre nella scuola media)

## Assegnazione del punteggio

- Per ogni sequenza corretta (il calcolo deve essere corretto) 1 punto
- Per ogni sequenza sbagliata -1 (0 nella scuola elementare)
- Per il mancato svolgimento -2
- La risposta più vicina al numero-bersaglio, in mancanza del centro, vale 3 punti
- Al gruppo che centra il bersaglio vengono assegnati 5 punti
- Viene assegnato un bonus di 2 punti a chi usa tutte le cifre estratte (1) e tutti i simboli di operazione (1)
- Viene assegnato un bonus di 2 punti a chi individua la *strada più breve*
- Il punteggio massimo che può essere conseguito è di 10 punti.

Comunque le regole si possono modificare basta mettersi d'accordo !!!!!

# Scopo del gioco

Arrivare nel tempo stabilito di 5 minuti,  
più vicino possibile al numero bersaglio,  
combinando a piacere cifre e operazioni

Cifre e operazioni possono  
essere utilizzate più volte

Un numero può contenere le  
stesse cifre

$7 \times 8 = 56$

Wieder

# Ecco un esempio

Il colore del semaforo fa capire come è stato raggiunto il numero bersaglio:

- Rosso bersaglio padellato
- Giallo: bersaglio sfiorato
- Verde: bersaglio centrato

**NUMERANDO**  
NUMERO BERSAGLIO  
204  
CIFRE  
5, 7, 8  
OPERAZIONI  
+ X

**BLU**   
 $57 + 57 = 144$   
 $144 + 85 = 199$   
 $199 + 5 = \underline{204}$   
 $5 + 1 + 1 = \textcircled{7}$

**GIALLI**   
 $75 + 87 = 162$   
 $162 + 8 = 170$   
 $170 + 5 = 175$   
 $175 + 5 = 180$   
 $180 + 5 = 185$   
 $185 + 5 = 190$   
 $190 + 5 = 195$   
 $195 + 8 = 203$

**VIOLA**   
 $8 \times 7 = 56$   
 $56 + 78 = 134$   
 $134 + 57 = 191$   
 $191 + 8 = 199$   
 $199 + 5 = \underline{204}$   
 $5 + 1 + 1 = \textcircled{7}$

**ROSSI**   
 $5 + 5 = 10$   
 $10 + 5 = 15$   
 $15 + 5 = 20$   
 $\underline{75 + 75 = 150}$   
 $150 + 20 = 170$

**ARANCIO**   
 $8 \times 5 = 40$   
 $40 \times 5 = 200$   
 $200 + 5 = 205$

**VERDI**   
 $85 + 87 = 172$   
 $172 + 8 = 180$   
 $180 + 5 = 185$   
 $185 + 7 = 192$   
 $192 + 8 = 200$

# UNA DELLE REGOLE DEL NUMERANDO È:

Il risultato dell'operazione svolta deve essere immediatamente utilizzato nell'operazione successiva ad esempio:

NUMERO DA OTTENERE ALLA FINE = 182  
CIFRE CHE PUOI UTILIZZARE = 3-6-8  
OPERAZIONI DA UTILIZZARE =  $\times$  / +

SVOLGIMENTO

$$36 \div 36 = 1$$

$$72 \div 12 = 6$$

$$114 \div 32 = 182$$

questa è una sequenza

Lo scopo del gioco non è solo quello di divertirsi ma anche quello di imparare ciò che in altro modo potrebbe risultare faticoso per esempio come si comportano i numeri pari e dispari con le 4 operazioni, oppure l'uso dell'uguale, importantissimo anche nei problemi. Oppure il principio che la moltiplicazione è un'addizione ripetuta, oppure che dividere o moltiplicare per 1 non cambia il numero stesso.

Inoltre se capita la divisione e la moltiplicazione devi guardare le cifre che hai per mettere in pratica i concetti appresi della scomposizione in fattori.

Tutto ciò che si è imparato dei numeri diventano risorse per vincere!!!

Gli alunni si sono mostrati fin da subito entusiasti di questi incontri ed in particolare, il gioco del "Numerando", ha fornito agli alunni con BES o DSA o certificati ai sensi della legge 104, di essere parte attiva nel gioco, proponendo le operazioni per raggiungere il numero bersaglio e, calcolando a loro volta grazie al supporto della calcolatrice che permetteva, nei diversi frangenti, correggere eventuali calcoli errati dei compagni e quindi evitare l'errore.

## COMMENTO

NESSUNA SQUADRA È RIUSCITA A RAGGIUNGERE IL NUMERO BERSAGLIO PERCHÉ ERA DISPARI E NON AVENDO CIFRE PARI ERA IMPOSSIBILE. PER FARE QUESTO RAGIONAMENTO BASTAVA SAPERE LA SEGUENTE REGOLA:

$$\text{PARI} + \text{PARI} = \text{PARI}$$

$$\text{PARI} - \text{PARI} = \text{PARI}$$

**BLU**

$$444 - 86 = 358$$

5 PUNTI



**GIALLI**

$$468 - 68 = 400$$

$$400 - 46 = 354$$

0 PUNTI



**VIOLA**

$$468 - 68 = 400$$

$$400 - 44 = 356$$

4 PUNTI



**ROSSI**

$$444 - 86 = 358$$

5 PUNTI



NUMERO BERSAGLIO  
557  
CIFRE  
4, 6, 8  
OPERAZIONI  
- ;

**ARANCIO**

$$468 - 68 = 400$$

$$400 - 44 = 356$$

4 PUNTI



**VERDI**

$$468 - 64 = 404$$

$$404 - 44 = 360$$

$$360 - 4 = 356$$

4 PUNTI



# NUMERANDO IMPOSSIBILE

QUESTO NUMERANDO NON È STATO RISOLTO DA NESSUNA SQUADRA PERCHÈ È IMPOSSIBILE, NOI AVEVAMO LE CIFRE 6, 2, 5 CHE NON SONO DIVISORI/FATTORI PRIMI DEL NUMERO BERSAGLIO CIOÈ 273. QUINDI PER RISOLVERE IL NUMERANDO BISOGNAVA AVERE LE CIFRE DEI DIVISORI/FATTORI PRIMI DI 273 CIOÈ 1, 3, 7.

$$\begin{array}{r|l} 273 & 3 \\ 91 & 7 \\ 13 & 13 \\ 1 & \end{array}$$

$$273 = 3 \times 7 \times 13$$

O si cambiano le cifre o le operazioni!!!

**NUMERANDO**  
NUMERO BERSAGLIO  
(273)  
CIFRE  
(6, 2, 5)  
OPERAZIONI  
(x, /)

**BLU**  
 $556 : 2 = \underline{278}$   
PUNTI = 5

**ARANCIONE**  
 $65 \times 2 = 130$   
 $130 \times 2 = \underline{260}$   
PUNTI = 0

**GIALLI**  
PUNTI = 0

**VIOLA**  
 $556 : 2 = \underline{278}$   
PUNTI = 5

**VERDI**  
 $556 : 2 = \underline{278}$   
PUNTI = 5

**ROSSI**  
PUNTI = 0

Dopo il precedente numerando, in cui nessuna delle squadre ha raggiunto il bersaglio, abbiamo deciso che, per risolvere il numerando, dobbiamo cambiare le cifre perché la scomposizione del bersaglio  $243 = 3 \times 4 \times 13$  e quindi le nostre cifre non potevano servirci a nulla. Una volta aver cambiato le cifre è stato molto più semplice. Ogni squadra ha raggiunto il bersaglio ma nessuna ha usato la divisione.

Tutte le squadre hanno ottenuto 6 punti perché le operazioni ed i passaggi sono gli stessi.

Abbiamo imparato che in un numerando impossibile come questo, conviene scomporre il bersaglio per capire bene per cosa è divisibile e per vedere da cosa è composto in modo da aiutarci per i calcoli.

**ROSSI** 6p.  $13 \times 4 = 91$   
 $91 \times 3 = 273$

**BLU** 6p.  $13 \times 4 = 91$   
 $91 \times 3 = 273$

**GIALLI** 6p.  $4 \times 13 = 91$   
 $91 \times 3 = 273$

**ARANCIO** 6p.  $13 \times 4 = 91$   
 $91 \times 3 = 273$

**VIOLA** 6p.  $4 \times 13 = 91$   
 $91 \times 3 = 273$

**VERDI** 6p.  $3 \times 4 = 12$   
 $21 \times 13 = 273$

NUMERANDO: 273  
CIFRE: 1, 3, 4  
OPERAZIONI:  $\times, \div$

Numerando del  
26/05/2023

# NON SI FANNO TRENI DI $=$ uguali



$$25 + 5 = 30$$
$$30 + 4 = 34$$


Nel numerando le operazioni devono essere sequenziali.

$$25 + 5 + 4 = 34 + 4 = 44 \quad \times$$

Altrimenti sembra che  $25 + 5 + 4 = 44$  il che NON È VERO.

$$25 + 5 + 4 = 34$$
$$34 + 4 = 44 \quad \checkmark$$

Per la proprietà TRANSITIVA si fa così.

Prima della sfida con la secondaria, la primaria si è allenata prima con prove individuali, poi quando tutto era chiaro, hanno giocato a squadre

**NUMERANDO**

NUMERO BERSAGLIO: NUMERO FORMATO DA TRE CIFRE TRATE SU A SORTI

**COME FUNZIONA?**

LA MAESTRA PREPARA UNA SERIE DI CARTELLINI CONTENENTI LE CIFRE DA 0 A 9 E I SEGNI DELLE 4 OPERAZIONI

VIENE ESTRATTO UN NUMERO BERSAGLIO DI 3 CIFRE, ESTRALDO PER TRE VOLTE UN CARTELLINO-CIFRA E RIMETTENDO OGNI VOLTA NEL MAZZO IL CARTELLINO ESTRATTO

SI ESTRAGGONO ANCORA CASUALMENTE, MA QUESTA VOLTA SENZA RIMETTERE IL CARTELLINO NEL MAZZO, TRE CIFRE E DUE OPERAZIONI

**SCOPO DEL GIOCO**

ARRIVARE NEL TEMPO STABILITO DI 5 MINUTI, PIU' VICINO POSSIBILE AL NUMERO BERSAGLIO, COMBINANDO A PIACERE CIFRE E OPERAZIONI

\*CIFRE E NUMERI POSSONO ESSERE RIPETUTI  
\*UN NUMERO PUO' CONTENERE LE STESS E CIFRE

**REGOLE**

1) IL RISULTATO DELL'OPERAZIONE SVOLTA DEVE IMMEDIATAMENTE ESSERE UTILIZZATO NELL'OPERAZIONE SUCCESSIVA

NUMERO BERSAGLIO: 182  
CIFRE CHE PUO' UTILIZZARE: 1, 8, 2  
OPERAZIONI CHE PUO' UTILIZZARE: +, \*

**SVOLGIMENTO**

$36+36=72$   
 $72+72=144$   
 $144+36=182$

BERSAGLIO RAGGIUNTO!

**2) NON SI FANNO TRENI DI UGUALI**

\*NEL NUMERANDO LE OPERAZIONI DEVONO ESSERE SEQUENZIALI  
 $13+4=17$ ,  $17+5=22$  - SE NON VA BENE  
ALTRIMENTI SEMBRA CHE  $13+4=22$  (PER LA REGOLA DETTA PRIMA)  
PER LA PROPRIETA' TRANSITIVA SI FA COSI'  
 $13+4=17$   
 $17+5=22$  V

**3) LA MOLTIPLICAZIONE E' UN'ADDEZIONE RIPETUTA**

ES. 1:  $23+3=69$   
ES. 2:  $23+23+23=69$

NEL PRIMO ESEMPIO ABBIAMO USATO LA MOLTIPLICAZIONE (X)  
NEL SECONDO ESEMPIO ABBIAMO USATO L'ADDEZIONE (+) RIPETUTA

IL RISULTATO NON CAMBIA

Dopo poco la sfida non è più stata importante fra le squadre ma la sfida si è trasferita sui numeri: vedere il modo con cui lavoravano è stato un piacere, calcolavano senza farsi pregare e anche gli elementi più fragili hanno trovato il loro spazio.

N°  $\rightarrow$   $\odot$ : 495

N. DA UTILIZZARE: 8-7-9

OPERAZIONI: + / X

$$79 + 79 = 158$$

$$158 + 89 = 247$$

$$247 + 7 = 254$$

$$254 + 98 = 352$$

$$352 + 98 = 450$$

$$450 + 9 = 459$$

$$459 + 9 = 468$$

$$468 + 9 = 477 \star$$

N°  $\rightarrow$   $\odot$ : 548

N. DA UTILIZZARE: 3-1-0

OPERAZIONI: + / X

$$310 + 30 = 340$$

$$340 + 100 = 440$$

$$440 + 100 = 540$$

$$540 + 8 = 548$$

$$543 + 3 = 546$$

$$546 + 1 = 547$$

$$547 + 1 = 548 \star \text{BERSAGLIO CENTRATO}$$

~~~~~

NUMERANDO A COPPIE

N°  $\rightarrow$   $\odot$ : 681

N. DA UTILIZZARE: 1-9-3

OPERAZIONI: X / -

$$153 \times 3 = 459$$

$$459 \times 3 = 1377$$

$$1377 - 531 = 846$$

$$846 - 153 = 693$$

$$693 - 13 = 680 \star \text{VALIDO}$$

N°  $\rightsquigarrow$   $\rightarrow$   $\odot$  NUMERO BERSAGLIO 418

N. DA UTILIZZARE: 4-5-8

OPERAZIONI: ~~-~~ / +

$$458 - 58 = 400$$

$$400 + 5 = 405$$

$$405 + 8 = 413$$

$$413 + 5 = 418 \quad \star \text{BERSAGLIO CENTRATO!}$$

N°  $\rightsquigarrow$   $\rightarrow$   $\odot$  NUMERO BERSAGLIO 834

N. DA UTILIZZARE: 3-1-2

OPERAZIONI: ~~x~~ / +

$$312 + 32 = 624$$

$$624 + 132 = 756$$

$$756 + 123 = 879 \quad \triangle \text{ NUMERANDO FALLITO}$$

N°  $\rightsquigarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 971

NUMERI DA UTILIZZARE: 3-7-9

OPERAZIONI: + / -

$$379 + 379 = 758$$

$$758 + 79 = 837$$

$$837 + 93 = 930$$

$$930 + 39 = 969$$

$$969 + 3 = 972$$

$$972 - 3 = 969 \quad \star \text{ NUMERANDO VALIDO}$$

N°  $\rightsquigarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 353

N. DA UTILIZZARE: 7-3-6

OPERAZIONI: : / +

$$73 + 36 = 109$$

$$109 + 36 = 145$$

$$145 + 76 = 221$$

$$221 + 73 = 294$$

$$294 + 36 = 330 \quad \triangle \text{ NUMERANDO ESORTO}$$

$$918 - 5 = 913$$



N°  $\rightarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 628

N. DA UTILIZZARE: 1-7-3

OPERAZIONI:  $\div$  /  $\times$

$$7 \times 3 = 637$$

$$637 : 3 = 212$$

$$212 \times 3 = 636$$

$$636 \times 7 = 4452$$



N°  $\rightarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 789

N. DA UTILIZZARE: 432

OPERAZIONI:  $\times$  /  $+$

$$432 + 352 = 784$$

$$784 + 43 = 827$$

$$827 + 234 = 1061$$

$$1061 =$$



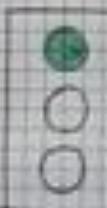
N°  $\rightarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 468

N. DA UTILIZZARE: 8-6-4

OPERAZIONI:  $-$  /  $+$

$$486 - 3 = 483$$

$$483 =$$



N°  $\rightarrow$   $\rightarrow$   $\odot$ : 918

N. DA UTILIZZARE: 3-5-3

OPERAZIONI:  $-$  /  $\div$

$$953 - 35 = 918$$





N° → ⊙ : 344

N. DA UTILIZZARE : 3-1-3

OPERAZIONI : - / \*

$$55 \times 3 = 165$$

$$165 \times 5 = 825$$

$$825 \times 3 = 2475$$

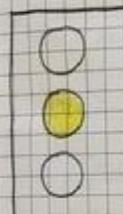
$$2475 - 531 = 1944$$

$$1944 - 581 = 1363$$

$$1363 - 213 =$$

AMBRANDO A  
SQUADRA

BIQUADRA VERDE : 10, AMBRA, LUCA, GIORGI



N° → ⊙ : 565

N. DA UTILIZZARE : 4-1-5

OPERAZIONI : X / -

$$61 \times 4 = 244$$

$$244 \times 4 = 976$$

$$976 - 474 = 502$$

$$502 \times 4 = 2008$$

$$2008 - 541 = 1467$$

5

BERSAGLIO = 891

PERICORO  CASO = 2 PUNTI

1 CIFRE = 4-1-3

3 OPERAZIONI = -, x, =

~~413~~ x 3 = ~~1239~~

1239 - 41 = 1198

~~1198~~

1198 - 41 = 1157

41

1157 - 43 = 1114

43

1114

~~1114~~ - 43 = ~~1071~~ - 43 = ~~1028~~ - 985 - 43

43

43

43 =

43

1071

1028

985

~~891~~ x 2 =

~~1071~~ -

73 =

899 -

973 =

9 =

658

895 -

9 =

10  PUNTI

891 x

1 =

891

1185 - 43 = 1142 - 413 = 729

BERSAGLIO = 217

CIFRE = 4-5-2

OPERAZIONI = POTENZA - x

2 = 4

24 x 4 = 96 x 2 = 192 ~~192 x 2 = 384~~

BERSAGLIO = 898

CIFRE = 0-0-2

OPERAZIONI = POTENZA

~~520~~ x 2 = ~~1040~~

~~560~~ = 360 400

OR 5<sup>2</sup> = 25 ~~25 x 25 = 625~~

~~25~~ 25<sup>2</sup> = 625 - 0 = 625

BERSAGLIO 891

CIFRE 4-1-3

OPERAZIONI: - X

$$413 \times 4 = 1652 - 13 = 1639 - 413 = 1226 - 41 = 1185$$

$$1185 - 43 = 1142 - 413 = 729$$

BERSAGLIO 217

CIFRE 4-5-2

OPERAZIONI = POTENZA - X

$$2^2 = 4$$

$$24 \times 4 = 96 \times 2 = 192 \quad 192 \times 2 = 384$$

BERSAGLIO 878

CIFRE 0-5-2

OPERAZIONI - POTENZA

$$5 \times 2 = 10$$

$$5 \times 10 = 50$$

$$5 \times 5^2 = 125$$

$$15^2 = 225 - 0 = 225$$

~~4-1-3~~ ~~891~~

BERSAGLIO 891

CIFRE 4-1-3

OPERAZIONI (-) X

~~413 x 4 = 1652~~

$$413 \times 3 = 1239$$

$$1239 - 413 = 826 \quad 826 - 4 = 822$$

$$314 \times 3 = 942 - 43 = 899$$

BERSAGLIO 297

CIFRE 4-8-2

OPERAZIONI (POTENZA) (X)

$$2 \times 48 = 96$$

$$2 \times 96 = 192 \quad 192 \times 2 = 384$$

$$8 \times 22 = 176$$

BERSAGLIO 878

CIFRE 0-5-2

OPERAZIONI (-) (POTENZA)

$$5000 - 7000 = 3000$$

$$- 2000 \quad 1000 - 200 =$$

$$2000 - 52 \times 52 = 2704 - 200 = 2504 \quad 22 =$$

$$704 \times 2 = 1408 - 520 = 888 - 2$$

$$888 - 2884 - 888 = 0 \quad 880 - 2$$

# NUMERANDO

9

BERSAGLIO: 831

CIFRE: 4-1-3

OPERAZIONI: SOTTRAZ. - MOLT.

OPERAZIONI:

$$111 \times 3 = 333$$

$$333 \times 3 = 999$$

$$999 - 31 = 968$$

$$968 - 43 = 925$$

$$925 - 31 = 894$$

$$894 - 3 = 891$$

10 PUNTI + ~~10~~ = 20

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

BERSAGLIO: 217

CIFRE: 4-8-2

OPERAZIONI: (POTENZA) (OPERAZIONE X)

BERSAGLIO = 8-7-8

0 PUNTI

CIFRE: 0-5-2

OPERAZIONE: (-) = (POTENZA)

$$2^5 = 32 \times$$

$$32^2 = 1024$$

$$1024 - 52 = 972$$

$$972 - 2 = 970$$

$$970 - 50 = 920$$

$$920 - 20 = 900$$

$$900 - 5 = 895$$

$$895 - 5 = 890$$

$$890 - 5 = 885$$

$$885 - 5 = 880$$

$$880 - 2 = 878$$

1° MANCHE

BERSAGLIO: 891

CIFRE: 4-1-3

OPERAZIONI: -, X

$$143 \times 4 = 572$$

$$572 - 143 = 429$$

$$429 \times 3 = 1287$$

$$1287 - 431 = 856$$

4 punti

2° MANCHE

BERSAGLIO: 217

CIFRE: 4-8-2

OPERAZIONI: POTENZA - X

$$24 \times 4 = 96$$

$$96 \times 2 = 192$$

1 punto

3° MANCHE

BERSAGLIO: 878

CIFRE: 0-5-2

OPERAZIONI: - - potenza

$$52^2 = 2704 - 555 = 2149$$

$$2149 - 555 = 1594 - 555 = 1039$$

$$1039 - 55 = 984 - 55 = 929$$

$$984 - 55 = 929 - 55 = 874$$

$$874 - 0 = 874$$

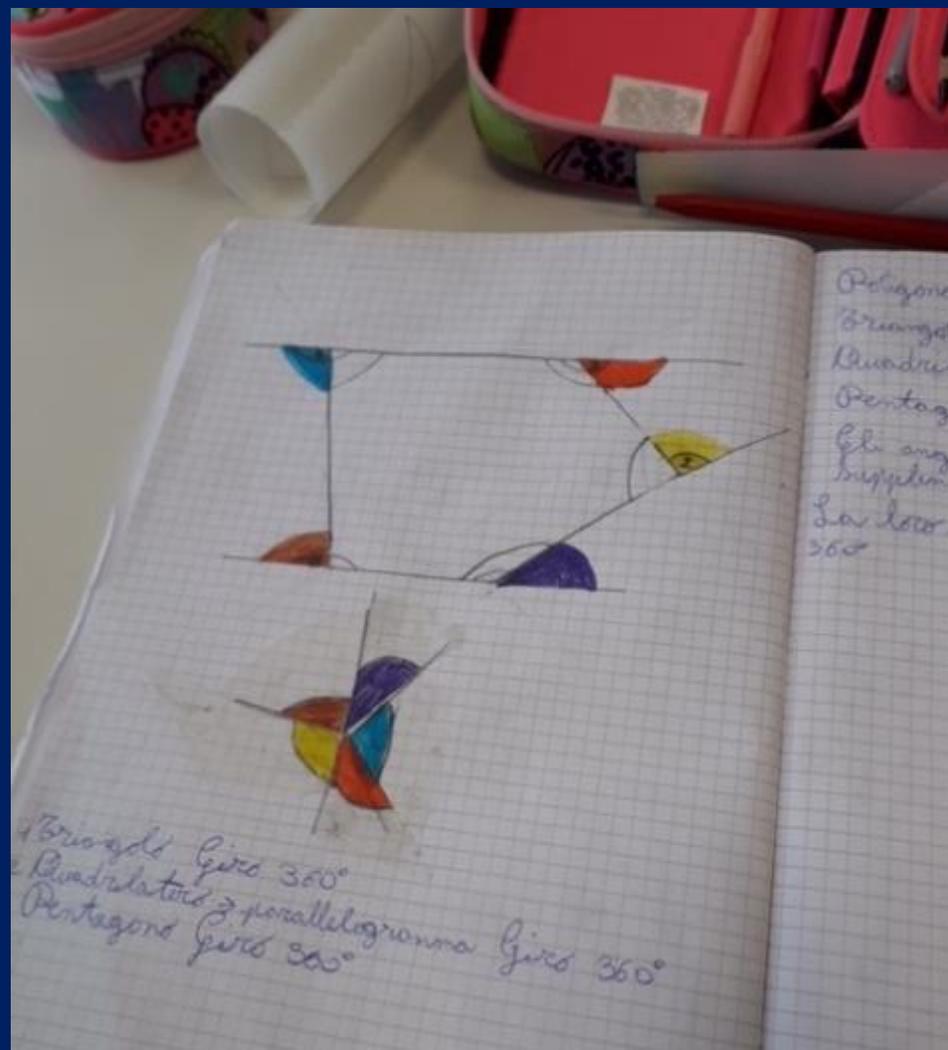
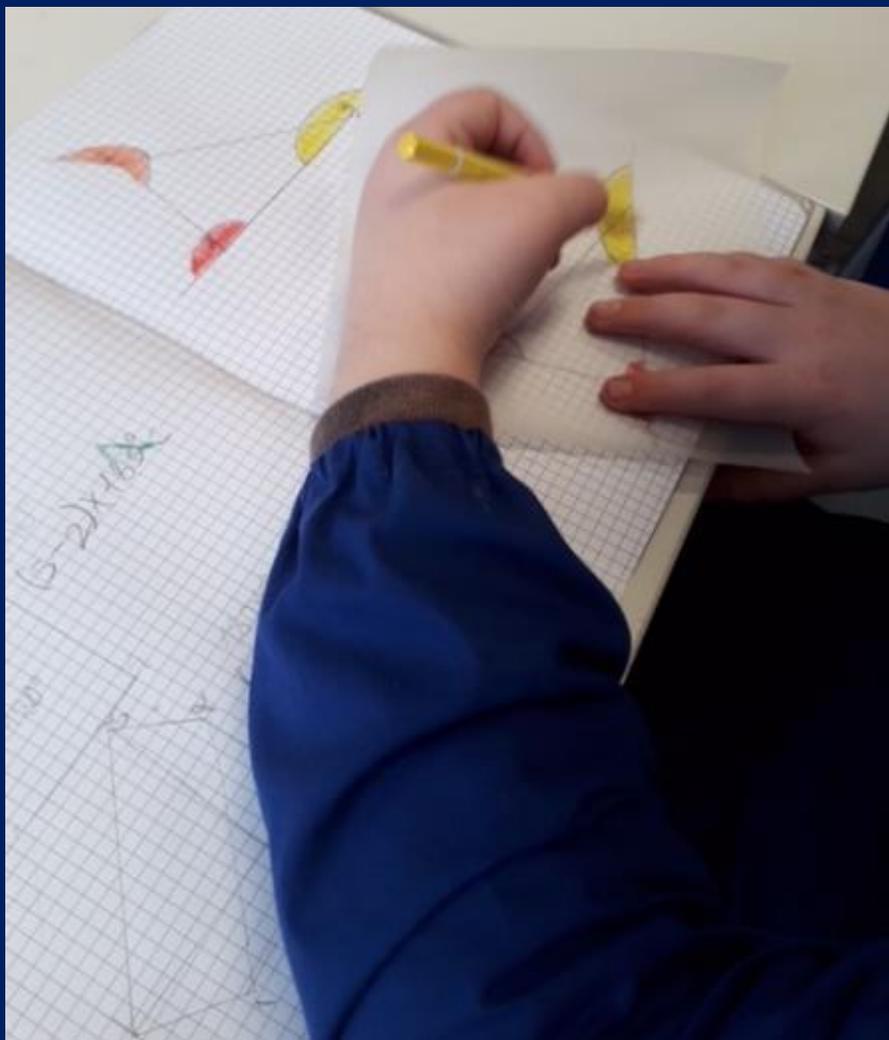
4 punti

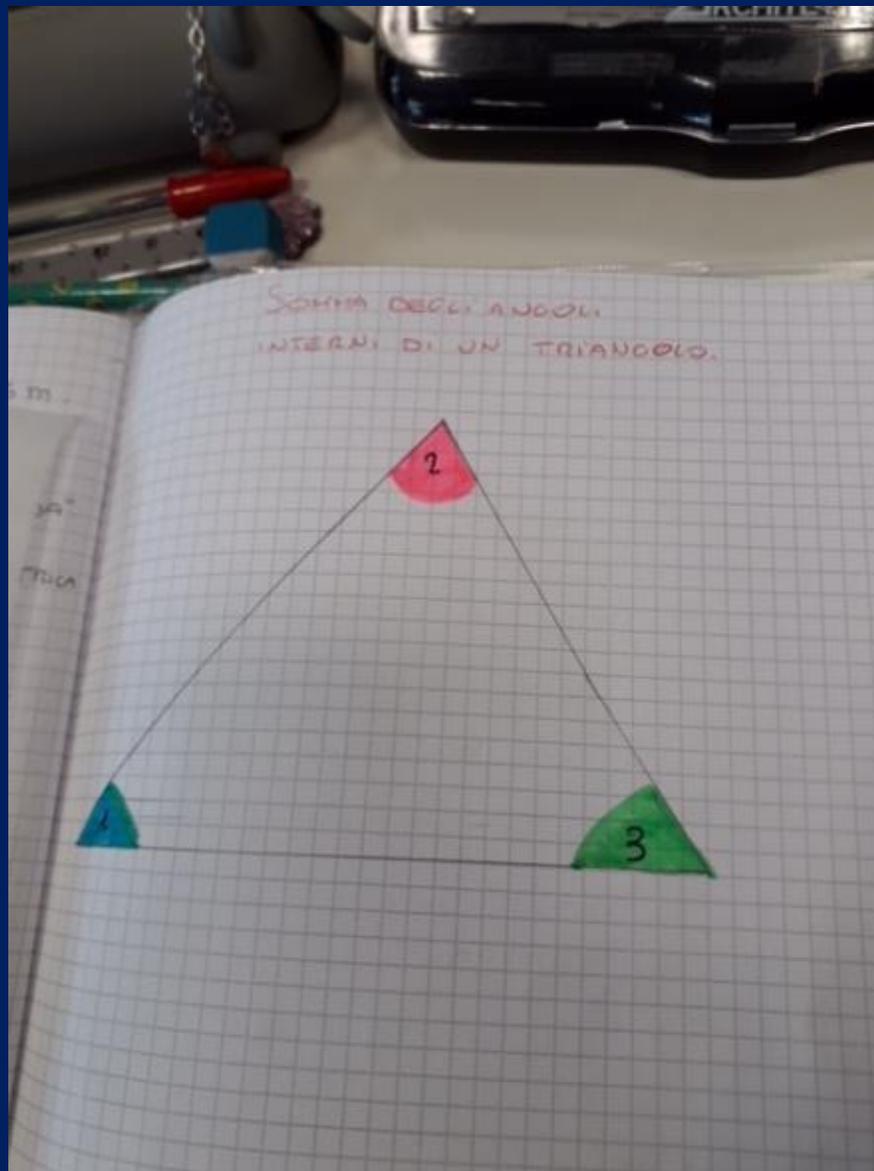
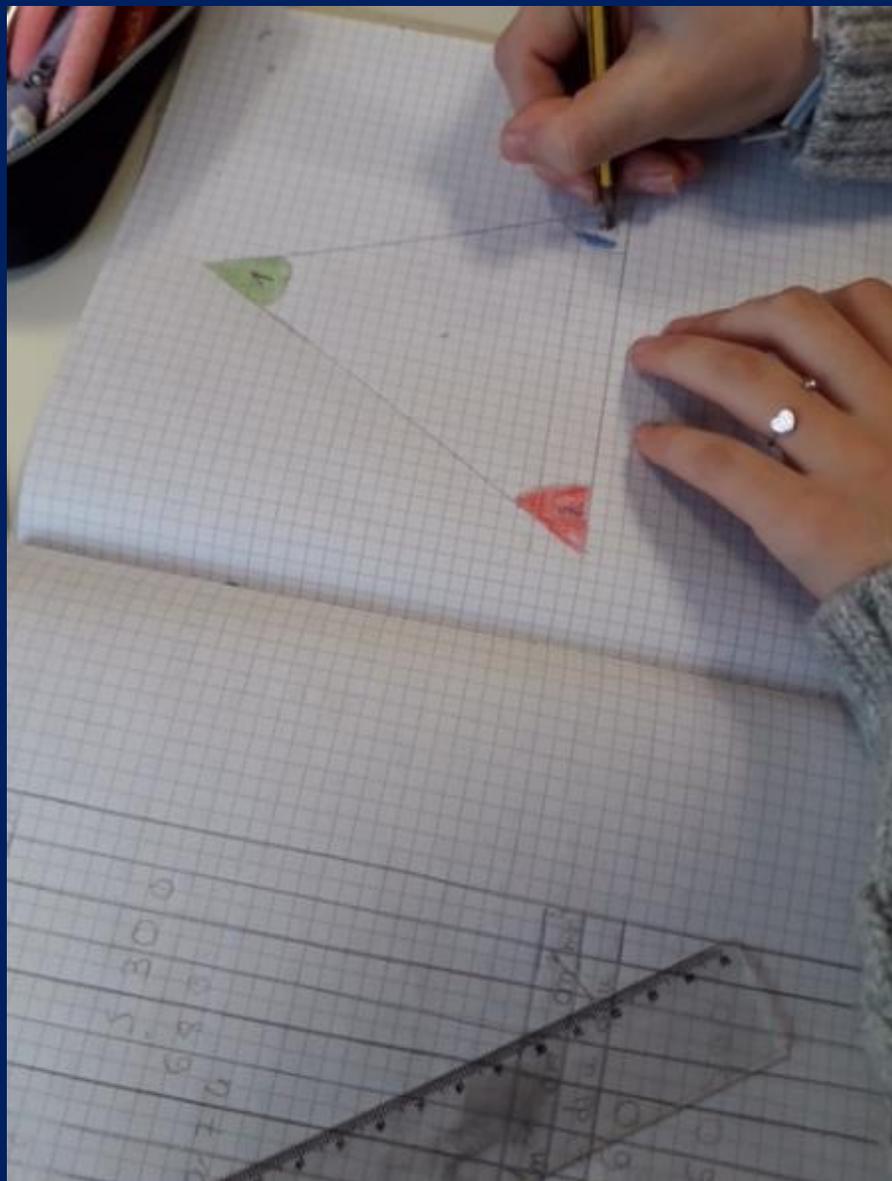
Per cambiare un po', abbiamo preso al volo il momento in cui si sono affrontati i poligoni e le loro proprietà, in particolare la somma degli angoli interni come si può calcolare, ma soprattutto vedere attraverso « un copia e incolla » di carta lucida.

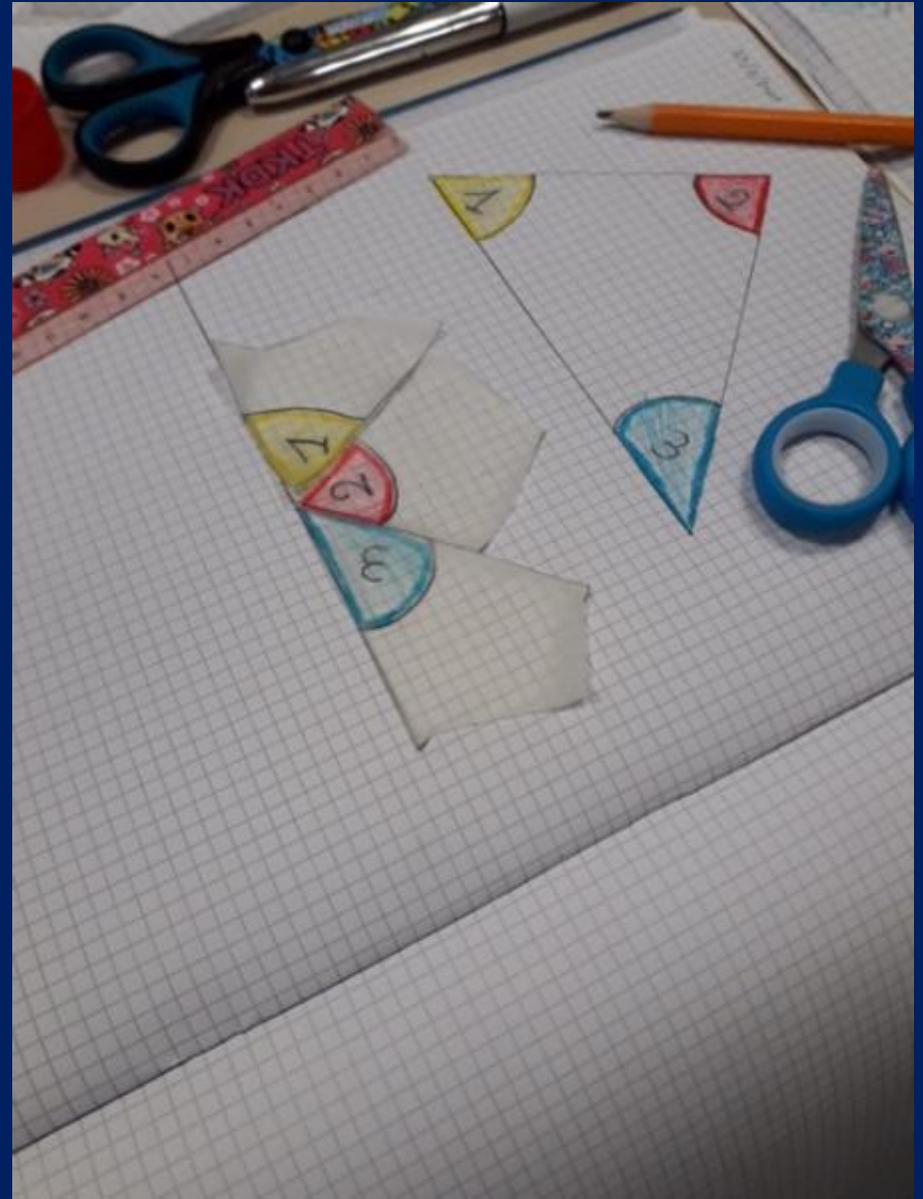
Gli alunni della secondaria ce la faranno a insegnare alla primaria questo concetto e il modo di visualizzarlo, cioè con carta, forbici e colla????

L'insegnante non ha avuto dubbi!!!

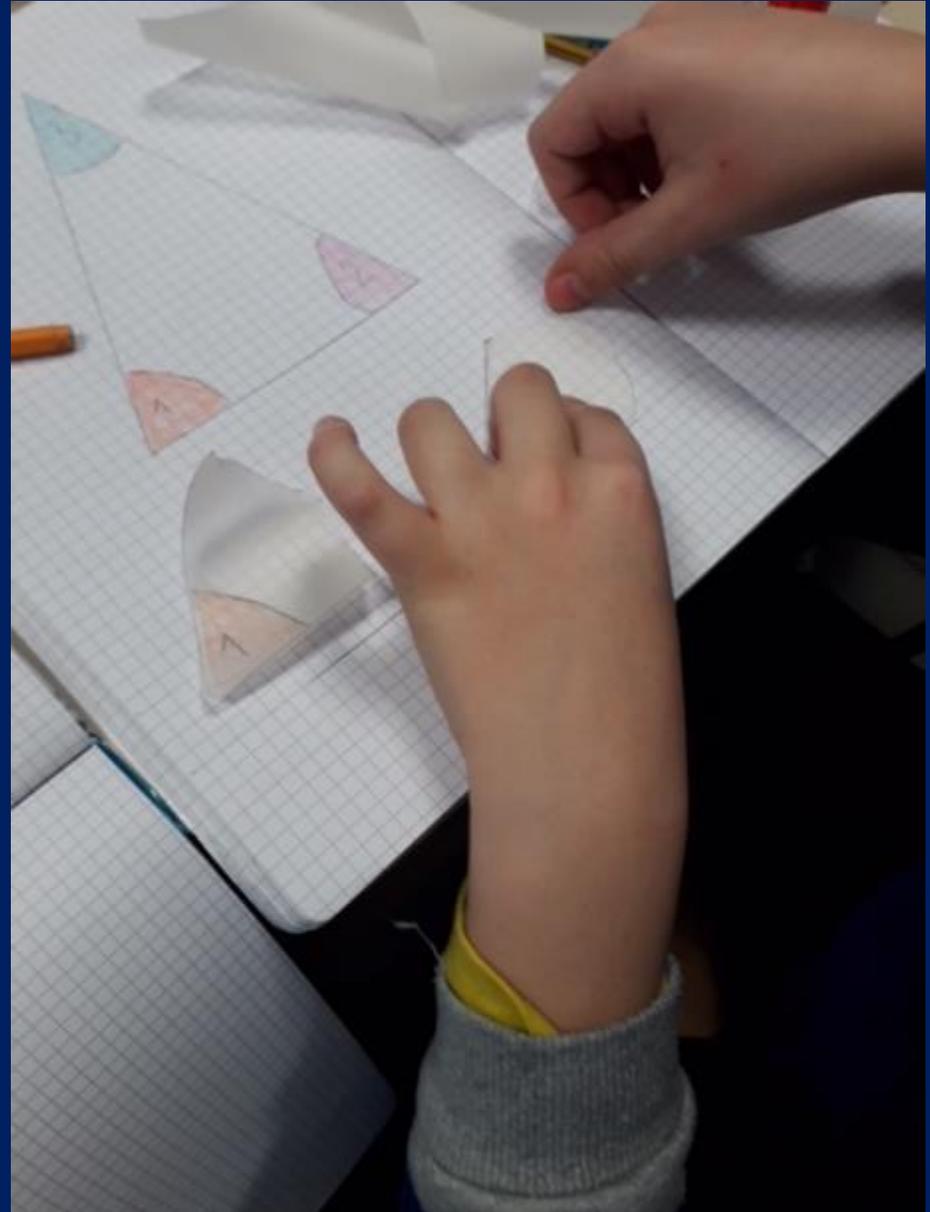


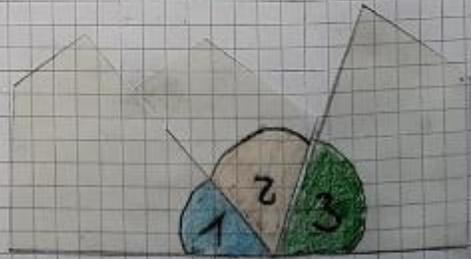
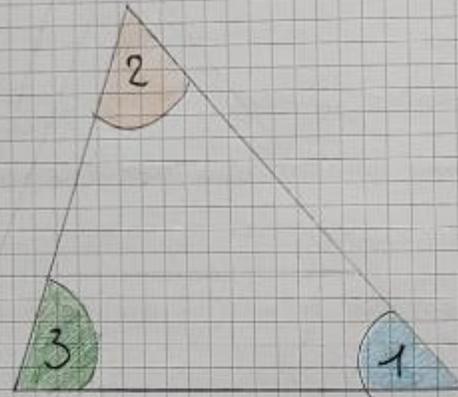
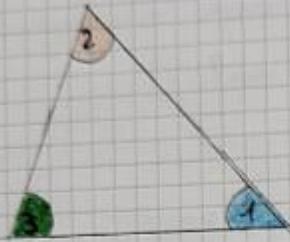






Nei gruppi misti di primaria e secondaria vi erano , naturalmente anche alunni con difficoltà che si sono dimostrati bravi insegnanti per i più piccoli.





TRIANGOLO QUASIASI LA SOMMA DEI ANGOLI INTERNI È  
 SEMPRE  $180^\circ$

